

Минобрнауки России

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

«Оренбургский государственный университет»

Кафедра прикладной математики

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

ДИСЦИПЛИНЫ

«Б.1.Б.11 Математический анализ»

Уровень высшего образования

БАКАЛАВРИАТ

Направление подготовки

01.03.02 Прикладная математика и информатика
(код и наименование направления подготовки)

Общий профиль

(наименование направленности (профиля) образовательной программы)

Тип образовательной программы

Программа академического бакалавриата

Квалификация

Бакалавр

Форма обучения

Очная

Год набора 2016

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры

Кафедра прикладной математики

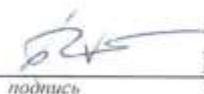
наименование кафедры

протокол № 7 от "29" января 2016г.

Заведующий кафедрой

Кафедра прикладной математики

наименование кафедры


подпись

И.П. Болодурина

расшифровка подписи

Исполнители:

ст. преподаватель

должность


подпись

Н.В. Кулиш

расшифровка подписи

доцент

должность


подпись

Т.Н. Тарасова

расшифровка подписи

СОГЛАСОВАНО:

Председатель методической комиссии по направлению подготовки

01.03.02 Прикладная математика и информатика

код наименование

личная подпись

расшифровка подписи



Заведующий отделом комплектования научной библиотеки


личная подпись

Н.Н. Грицай

расшифровка подписи

Уполномоченный по качеству факультета


личная подпись

М.В. Ирошников

расшифровка подписи

1 Цели и задачи освоения дисциплины

Цели освоения дисциплины:

В результате освоения учебной дисциплины «Математический анализ» студент должен овладеть базовыми знаниями из научной области математического анализа, включающими понимание основных фактов, концепций, принципов теорий, связанных с прикладной математикой и информатикой и относящихся к объектам и, в целом, к областям профессиональной деятельности бакалавров прикладной математики и информатики

Задачи, реализующие:

- *теоретический компонент цели освоения дисциплины:*

изучение основных понятий и методов математического анализа, лежащих в основе применения математического анализа в проектной, производственно-технологической, научно-исследовательской, организационно-управленческой, социально ориентированной и педагогической деятельности бакалавров прикладной математики и информатики;

- *познавательный компонент цели освоения дисциплины:*

- 1) формирование отношения к математическому знанию как компоненту базовых ценностей мировой культуры и готовности опираться на него в своем личностном, общекультурном и профессиональном развитии;
- 2) формирование представлений об основных этапах становления математического знания, о структуре и содержании основных разделов математического анализа, о роли и месте математических методов в различных предметных областях и сферах человеческой деятельности;

- *практический компонент цели освоения дисциплины:*

- 1) овладение основными методами решения задач курса;
- 2) повышение уровня владения математическим языком и математической символикой, применяемыми при решении профессиональных задач;

совершенствование умений логически верно и аргументировано проводить рассуждения

Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к базовой части блока 1 «Дисциплины (модули)»

Пререквизиты дисциплины: *Отсутствуют*

Постреквизиты дисциплины: *Б.1.Б.14 Дискретная математика, Б.1.Б.15 Дифференциальные уравнения, Б.1.Б.16 Теория вероятностей и математическая статистика, Б.1.Б.19 Численные методы, Б.1.Б.22 Уравнения математической физики, Б.1.В.ОД.1 Комплексный анализ, Б.1.В.ОД.2 Элементы функционального анализа, Б.1.В.ОД.3 Математическая логика, Б.1.В.ОД.4 Элементы интервального анализа, Б.1.В.ОД.17 Математические методы защиты информации, Б.1.В.ОД.20 Введение в теорию нечётких множеств и систем, Б.1.В.ДВ.5.1 Финансовая математика, Б.1.В.ДВ.6.3 Численные методы математической физики*

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих результатов обучения

| Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций | Формируемые компетенции |
|--|--|
| Знать: объект и метод математического анализа, основные положения и методы дифференциального и интегрального исчисления функций одной и многих переменных, теории рядов, теории поля, гармонического анализа. | ОПК-1 способностью использовать базовые знания естественных наук, математики и информатики, основные факты, концепции, принципы теорий, связанных с прикладной математикой и |
| Уметь: использовать теоретические положения для обоснования алгоритмов и методов решения типовых задач математического | |

| | |
|--|--|
| Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций | Формируемые компетенции |
| анализа. Владеть: методом предельного перехода, методами дифференциального и интегрального исчислений, теории рядов, теории поля, гармонического анализа. | информатикой |
| Знать: основные факты, принципы, концепции математического анализа, необходимые для интерпретации данных исследовательского характера из областей прикладной математики и информатики. Уметь: использовать теорию и методы математического анализа для обработки и интерпретации данных исследовательского характера. Владеть: навыками формулирования выводов при решении задач методами математического анализа | ПК-1 способностью собирать, обрабатывать и интерпретировать данные современных научных исследований, необходимые для формирования выводов по соответствующим научным исследованиям |
| Знать: фундаментальную роль теории и методов математического анализа в современном математическом аппарате. Уметь: применять математическую символику при постановке задач прикладной математики и информатики. Владеть: методами математического анализа, являющимися частью современного математического аппарата. | ПК-2 способностью понимать, совершенствовать и применять современный математический аппарат |

4 Структура и содержание дисциплины

4.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 13 зачетных единиц (468 академических часов).

| Вид работы | Трудоемкость, академических часов | | | |
|---|-----------------------------------|----------------|----------------|---------------|
| | 1 семестр | 2 семестр | 3 семестр | всего |
| Общая трудоёмкость | 216 | 144 | 108 | 468 |
| Контактная работа: | 85,25 | 51,25 | 51,25 | 187,75 |
| Лекции (Л) | 34 | 34 | 34 | 102 |
| Практические занятия (ПЗ) | 50 | 16 | 16 | 82 |
| Консультации | 1 | 1 | 1 | 3 |
| Промежуточная аттестация (зачет, экзамен) | 0,25 | 0,25 | 0,25 | 0,75 |
| Самостоятельная работа: - самостоятельное изучение разделов - самоподготовка (проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий); - подготовка к практическим занятиям; - выполнение расчетно-графического задания (РГЗ); - подготовка к рубежным контролям | 130,75 | 92,75 | 56,75 | 280,25 |
| Вид итогового контроля (зачет, экзамен, дифференцированный зачет) | экзамен | экзамен | экзамен | |

Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре

| № раздела | Наименование разделов | Количество часов | | | | |
|-----------|---|------------------|-------------------|----|----|--------------------|
| | | Всего | Аудиторная работа | | | Вне-ауд. работа СР |
| | | | Л | ПЗ | ЛР | |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| 1 | Множества, функции, логические символы. Числовые множества. | 8 | 2 | 2 | - | 4 |
| 2 | Числовые последовательности и их пределы | 22 | 2 | 4 | - | 16 |
| 3 | Предел функции | 24 | 4 | 4 | - | 16 |
| 4 | Непрерывные функции | 18 | 2 | 2 | - | 14 |
| 5 | Производные и дифференциалы. Правила дифференцирования. | 30 | 4 | 10 | - | 16 |
| 6 | Основные теоремы о дифференцируемых функциях | 22 | 4 | 2 | - | 15 |
| 7 | Исследование функции и отыскание экстремальных значений | 34 | 4 | 10 | - | 20 |
| 8 | Функция многих переменных, ее предел и непрерывность | 20 | 4 | 4 | - | 12 |
| 9 | Дифференциальное исчисление функций многих переменных | 38 | 8 | 12 | - | 18 |
| | Итого: | 216 | 34 | 50 | - | 132 |

Разделы дисциплины, изучаемые во 2 семестре

| № раздела | Наименование разделов | Количество часов | | | | |
|-----------|---|------------------|-------------------|----|----|--------------------|
| | | Всего | Аудиторная работа | | | Вне-ауд. работа СР |
| | | | Л | ПЗ | ЛР | |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| 10 | Первообразная функция и неопределенный интеграл | 32 | 6 | 6 | - | 20 |
| 11 | Определенный интеграл Римана, его приложения. Несобственные интегралы | 40 | 16 | 4 | - | 20 |
| 12 | Числовые ряды. Бесконечные произведения. Двойные и повторные ряды | 26 | 4 | 2 | - | 20 |
| 13 | Функциональные последовательности и ряды | 26 | 4 | 2 | - | 20 |
| 14 | Степенные ряды. Разложение функций в степенной ряд | 20 | 4 | 2 | - | 14 |
| | Итого: | 144 | 34 | 16 | - | 94 |

Разделы дисциплины, изучаемые в 3 семестре

| № раз-дела | Наименование разделов | Количество часов | | | | |
|------------|-----------------------------------|------------------|-------------------|----|----|--------------------|
| | | Всего | Аудиторная работа | | | Вне-ауд. работа СР |
| | | | Л | ПЗ | ЛР | |
| 15 | Двойные интегралы | 15 | 6 | 2 | - | 7 |
| 16 | Тройные интегралы | 13 | 4 | 2 | - | 7 |
| 17 | Криволинейные интегралы | 13 | 4 | 2 | - | 7 |
| 18 | Поверхностные интегралы | 14 | 4 | 2 | - | 8 |
| 19 | Теория поля | 13 | 4 | 2 | | 7 |
| 20 | Интегралы, зависящие от параметра | 14 | 4 | 2 | - | 8 |
| 21 | Ряды Фурье | 13 | 4 | 2 | - | 7 |
| 22 | Интеграл Фурье | 13 | 4 | 2 | - | 7 |
| | Итого: | 108 | 34 | 16 | - | 58 |
| | Всего: | 468 | 102 | 82 | | 284 |

4.2 Содержание разделов дисциплины

1 раздел Множества, функции, логические символы. Числовые множества.

Понятие множества. Операции над множествами. Отображение множеств. Биективное и обратное отображения. Понятие сложной функции. Эквивалентность множеств. Счетные и несчетные множества. Свойства счетных множеств. Множества мощности континуума. Кванторы, импликация. Виды теорем. Правила Моргана. Несчетность множества \mathbb{R} . Точные грани числового множества, теоремы их существования. Свойство полноты множества \mathbb{R} . Промежутки, окрестность точки.

2 раздел Числовые последовательности и их пределы

Понятие числовой последовательности. Ограниченные и неограниченные, монотонные последовательности. Предел последовательности, свойства сходящихся последовательностей. Теорема Больцано-Вейерштрасса. Нижний, верхний пределы. Фундаментальная последовательность. Критерий Коши.

3 раздел Предел функции

Числовые функции одной действительной переменной. Элементарные функции и их классификация. Предел функции по Гейне и по Коши, их эквивалентность. Критерий Коши. Основные теоремы о пределах. Односторонние пределы. Пределы функции при $x \rightarrow \pm\infty, x \rightarrow \infty$. Бесконечно малая и бесконечно большая функции, их связь. Неопределенные выражения.

4 раздел Непрерывные функции

Понятие непрерывной функции в точке и на множестве. Арифметические операции над непрерывными функциями. Точки разрыва функции и их классификация. Непрерывность сложной функции. Локальные свойства непрерывных функций. Свойства функций непрерывных на отрезке: теоремы Вейерштрасса, теоремы Больцана-Коши. Равномерная непрерывность. Теорема о монотонности и непрерывности обратной функции. Свойства монотонных функций. Непрерывность основных элементарных функций. Число e . Два замечательных предела. Сравнение бесконечно малых и бесконечно больших функций.

5 раздел Производные и дифференциалы. Правила дифференцирования

Определение производной. Односторонние производные. Непрерывность дифференцируемой функции. Геометрический и механический смысл производной. Производные сложной и обратной функции. Правила дифференцирования. Таблица производных. Инвариантность формы первого дифференциала. Производные и дифференциалы высших порядков. Дифференцирование неявных и параметрически заданных функций.

6 раздел Основные теоремы о дифференцируемых функциях

Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши и Дарбу. Следствия из теоремы Лагранжа: постоянство функции, имеющей на интервале равную нулю производную; условия монотонности функции на интервале; отсутствие у производной устранимых точек разрыва и точек разрыва первого рода. Правило Лопиталя. Формула Тейлора. Разложение некоторых элементарных функций по формуле Маклорена.

7 раздел Исследование функции и отыскание экстремальных значений.

Понятие локального экстремума функции. Необходимое условие, достаточное условие локального экстремума. Определение выпуклой вверх (выпуклой вниз) функции. Достаточные условия выпуклости вверх (выпуклости вниз) функции. Определение точки перегиба. Необходимое условие и достаточное условие точки перегиба. Асимптоты графика функции. Понятие криволинейной асимптоты графика функции. Общая схема исследования и построения графика функции. Глобальный экстремум функции на отрезке. Методы приближенного вычисления корней уравнения.

8 раздел Функция многих переменных, ее предел и непрерывность.

Функция m переменных и ее график. Поверхность уровня. Определение предела функции по Гейне и по Коши, их эквивалентность. Критерий Коши. Предел функции $f(x)$ при $x \rightarrow \infty$, предел функции по данному направлению. Повторные пределы. Непрерывность функции в точке и на множестве. Непрерывность функции в точке по данному направлению. Локальные свойства непрерывной функции. Непрерывность сложной функции. Свойства функций, непрерывных на компакте и на связном множестве. Равномерная непрерывность.

9 раздел Дифференциальное исчисление функций многих переменных.

Частные производные функции в точке. Определение дифференцируемости функции в точке. Геометрический смысл условия дифференцируемости. Необходимое условие, достаточные условия дифференцируемости. Дифференцирование сложной функции. Дифференциал функции инвариантность формы первого дифференциала. Частные производные и дифференциалы высших порядков.

Определение частных производных второго и n -го ($n > 2$) порядка. Определение n -кратной дифференцируемости ($n \geq 2$). Достаточное условие двукратной и n -кратной дифференцируемости функции в точке. Теорема о независимости смешанных частных производных от порядка дифференцирования. Дифференциал второго порядка, матрица Гессе. Дифференциал n -го порядка. Формула Тейлора.

Определение локального экстремума функции. Необходимое условие, достаточные условия локального экстремума. Случай функции двух переменных.

Понятие неявной функции двух и более переменных. Вычисление частных производных неявно заданной функции. Особые точки поверхности и плоской кривой. Формулировка теоремы существования неявной функции нескольких переменных. Неявные функции, определяемые системой функциональных уравнений. Теорема существования и дифференцируемости этих функций. Понятие независимости и зависимости функций. Достаточные условия независимости функций. Функциональные матрицы и их приложения.

Понятие условного экстремума функции. Необходимое условие условного экстремума. Метод множителей Лагранжа. Формулировка достаточных условий условного экстремума.

Содержание разделов дисциплины, изучаемых во 2-м семестре

10 раздел Первообразная функция и неопределенный интеграл

Понятие первообразной функции. Общий вид первообразной для данной функции. Неопределенный интеграл, его свойства. Таблица интегралов. Интегрирование подстановкой и по частям. Разложение правильной рациональной дроби на сумму простейших дробей. Интегрирование рациональных дробей, некоторых тригонометрических и иррациональных выражений.

11 раздел Определенный интеграл Римана, его приложения, несобственные интегралы

Определение интегрируемости функции по Риману и интеграла Римана. Необходимое условие интегрируемости функции по Риману. Суммы Дарбу, их свойства. Лемма Дарбу. Критерий интегрируемости функции по Риману. Классы интегрируемых функций. Свойства определенного интеграла. Теоремы о среднем значении. Определение интеграла с переменным верхним пределом, его непре-

рывность и дифференцируемость как функции верхнего предела. Существование первообразной для непрерывной функции. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление определенного интеграла заменой переменной и по частям.

Понятие квадратуемости площади плоской фигуры. Критерий квадратуемости. Свойства квадратуемых фигур. Понятие кубатуемости и объема тела. Критерий кубатуемости. Свойства кубатуемых тел. Вычисление площадей плоских фигур, длин кривых, объемов тел, площадей поверхностей вращения. Вычисление работы переменной силы, длины пути и другие физические задачи. Несобственные интегралы на полупрямой и на всей числовой прямой; их сходимость и расходимость. Критерий Коши сходимости этого несобственного интеграла. Признаки сравнения. Несобственные интегралы от неограниченных функций. Абсолютная и условная сходимость. Признаки сравнения. Главные значения несобственных интегралов. Приближенное вычисление интегралов Римана.

12 раздел Числовые ряды. Бесконечные произведения.

Понятие числового ряда. Сходимость и расходимость, сумма ряда. Простейшие свойства ряда. Критерий Коши. Необходимый признак сходимости. Числовые ряды с неотрицательными членами. Необходимое и достаточное условие сходимости. Признаки сравнения. Признаки Даламбера и Коши. Интегральный признак. Дзета - функция Римана.

Абсолютная и условная сходимость произвольных рядов. Свойства абсолютно сходящихся рядов. Признаки Абеля и Дирихле. Ряд Лейбница, его сходимость. Оценка остатка ряда Лейбница. Произведение рядов. Теорема Мертенса. Обобщенные методы суммирования расходящихся рядов. Понятие бесконечного произведения, его сходимость. Необходимое условие сходимости бесконечного произведения. Двойные и повторные ряды, сходимость. Связь между сходимостью двойного и повторного рядов. Критерий сходимости двойного ряда с неотрицательными членами. Абсолютная сходимость двойного ряда. Достаточный признак сходимости двойного ряда

13 раздел Функциональные последовательности и ряды

Понятие функциональной последовательности и функционального ряда. Сходимость функциональной последовательности (ряда) в точке и на множестве. Равномерная сходимость на множестве. Критерий Коши равномерной сходимости последовательности (ряда). Признак Вейерштрасса.

14 раздел Степенные ряды, разложение функций в степенной ряд.

Степенной ряд и область его сходимости. Радиус и интервал сходимости степенного ряда. Непрерывность суммы степенного ряда. Почленное интегрирование и почленное дифференцирование степенного ряда.

Разложение функции в степенной ряд. Необходимые достаточные условия разложения функции в степенной ряд. Ряд Тейлора. Разложение некоторых элементарных функций в ряд Тейлора.

15 раздел Двойные интегралы

Критерий квадратуемости плоской области D . Задача об объеме цилиндрического тела. Общее определение двойного интеграла. Основные свойства двойного интеграла. Повторный интеграл и его вычисление. Вычисление двойного интеграла с помощью повторного.

Отображение области G плоскости $O'uv$ на область D плоскости Oxy в точке (u, v) . Криволинейные координаты. Якобиан отображения области G на область D и его геометрический смысл. Теорема о замене переменных в двойном интеграле. Двойной интеграл в полярных координатах.

16 раздел Тройные интегралы

Задача о массе пространственного тела. Определение и свойства тройного интеграла. Вычисление тройного интеграла с помощью повторного. Теорема о замене переменных в тройном интеграле. Вычисление тройного интеграла в цилиндрических и сферических координатах.

17 раздел Криволинейные интегралы

Понятие криволинейных интегралов 1-го и 2-го рода. Условия существования криволинейных интегралов и формулы их вычисления. Свойства криволинейных интегралов. Условия независимости криволинейного интеграла от формы дуги интегрирования. Приложения криволинейных интегралов 1-го и 2-го рода.

Физические приложения криволинейных интегралов. Вычисление статических моментов, моментов инерции и координат центра тяжести кривой.

18 раздел Поверхностные интегралы

Понятие поверхности. Способы задания поверхности. Гладкая поверхность. Уравнение касательной плоскости в точке. Вектор нормали к поверхности. Понятие стороны поверхности. Площадь поверхности и ее вычисление. Условия существования поверхностных интегралов и формулы их вычисления.

Физические приложения поверхностных интегралов. Вычисление статических моментов, моментов инерции и координат центра тяжести поверхности.

19 раздел Теория поля

Скалярное поле. Линии и поверхности уровня. Производная скалярного поля по направлению. Градиент скалярного поля и его свойства.

Векторное поле. Векторные линии. Поток векторного поля через поверхность и его вычисление. Формула Грина. Теорема Остроградского – Гаусса. Дивергенция векторного поля. Циркуляция векторного поля. Ротор векторного поля. Формула Стокса.

20 раздел Интегралы, зависящие от параметра

Собственные интегралы, зависящие от параметра. Непрерывность интеграла по параметру. Интегрирование интегралов, зависящих от параметра. Дифференцирование интегралов, зависящих от параметра.

Несобственные интегралы, зависящие от параметра. Равномерная сходимость несобственных интегралов, зависящих от параметра. Признаки Вейерштрасса и Дирихле равномерной сходимости интеграла. Критерий Коши равномерной сходимости интеграла. Дифференцирование и интегрирование по параметру несобственных интегралов.

Интегралы Эйлера.

21 раздел Ряды и интеграл Фурье

Ортонормированные системы и общие ряды Фурье. Ряды Фурье по тригонометрической системе. Теорема о равномерной сходимости тригонометрического ряда. Достаточные признаки сходимости тригонометрических рядов Фурье. Дифференцирование и интегрирование тригонометрических рядов Фурье. Разложение функций в тригонометрические ряды Фурье на отрезке $([-\pi, \pi])$ $([-l, l])$. Разложение четных и нечетных функций. Разложение функций в ряды Фурье по синусам и косинусам. Применение рядов Фурье.

Определение интеграла Фурье. Представление функции интегралом Фурье. Интеграл Фурье в случае четных и нечетных функций.

4.3 Практические занятия (семинары)

Практические занятия (семинары) в 1 семестре

| № занятия | № раздела | Тема | Кол-во часов |
|-----------|-----------|---|--------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| 1 | 1 | Множества, функции, логические символы. Числовые множества. | 2 |
| 2,3 | 2 | Числовые последовательности и их пределы | 4 |
| 4,5 | 3 | Предел функции | 4 |

| № занятия | № раздела | Тема | Кол-во часов |
|-----------|-----------|--|--------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| 6 | 4 | Непрерывные функции | 2 |
| 7-11 | 5 | Производные и дифференциалы. Правила дифференцирования. | 10 |
| 12 | 6 | Основные теоремы о дифференцируемых функциях | 2 |
| 13-17 | 7 | Исследование функции и отыскание экстремальных значений | 10 |
| 18 | 8 | Функция многих переменных, ее предел и непрерывность | 2 |
| 19 | 9 | Частные производные. Дифференцируемость функции в точке | 2 |
| 20 | 9 | Дифференциал функции. Частные производные и дифференциалы высших порядков | 2 |
| 21 | 9 | Локальный экстремум функции. Необходимое условие, достаточное условие локального экстремума | 2 |
| 22 | 9 | Понятие неявной функции двух и более переменных. Вычисление частных производных неявно заданной функции. | 2 |
| 23 | 9 | Теорема о существовании неявной функции m -переменных. Неявные функции, определяемые системой функциональных уравнений. Достаточные условия независимости функции. | 2 |
| 24-25 | 9 | Понятие условного экстремума функции. Необходимое условие. Метод множителей Лагранжа. Формулировка достаточных условий условного экстремума. | 4 |
| | | Итого: | 50 |

Практические занятия (семинары) во 2 семестре

| № занятия | № раздела | Тема | Кол-во часов |
|-----------|-----------|---|--------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| 1-3 | 10 | Первообразная функция и неопределенный интеграл | 6 |
| 4-5 | 11 | Определенный интеграл Римана, его приложения. Несобственные интегралы | 4 |
| 6 | 12 | Понятие числового ряда. Сходимость, расходимость ряда, сумма ряда. Простейшие свойства ряда. Необходимый признак сходимости. Критерий Коши. Числовые ряды с | 2 |

| № занятия | № раздела | Тема | Кол-во часов |
|-----------|-----------|--|--------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| | | неотрицательными членами. Необходимое и достаточное условия сходимости. Признаки сравнения. Признаки Даламбера и Коши. Интегральный признак | |
| 7 | 12 | Абсолютная и условная сходимость произвольных рядов. Свойства абсолютно-сходящихся рядов. Признаки Абеля и Дирихле. Ряд Лейбница, его сходимость. Оценка остатка ряда Лейбница. Произведение рядов. Теорема Мертенса. | 2 |
| 8 | 13-14 | Равномерная сходимость функциональной последовательности (ряда) на множестве. Признак Вейерштрасса Область, радиус, интервал сходимости степенного ряда. Почленное дифференцирование и интегрирование степенных рядов Разложение функций в ряд Тейлора | 2 |
| | | Итого: | 16 |

Практические занятия (семинары) в 3 семестре

| № занятия | № раздела | Тема | Кол-во часов |
|-----------|-----------|---|--------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| 1 | 15 | Повторный интеграл и его вычисление. Вычисление двойного интеграла с помощью повторного Двойной интеграл в полярных координатах | 2 |
| 2 | 16 | Вычисление тройного интеграла с помощью повторного Тройной интеграл в цилиндрических и сферических координатах | 2 |
| 3 | 17 | Вычисление криволинейных интегралов 1-го и 2-го рода | 2 |
| 4 | 18 | Площадь поверхности и ее вычисление. Вычисление поверхностных интегралов 1-го и 2-го рода | 2 |
| 5 | 19 | Линии и поверхности уровня. Производная скалярного поля по направлению. Градиент скалярного поля. Векторные линии. Дивергенция и ротор векторного поля. Вычисление потока векторного поля через поверхность. Циркуляция векторного поля | 2 |
| 6 | 20 | Интегрирование и дифференцирование собственных интегралов, зависящих от параметра Признак Вейерштрасса равномерной сходимости интеграла. Дифференцирование и интегрирование несобственных интегралов по параметру | 2 |
| 7 | 21 | Разложение функций в тригонометрические ряды Фурье на $[-\pi, \pi]$ $([-1, 1])$. Разложение четных и нечетных функций в ряды Фурье. Разложение функций в ряды Фурье по синусам и косинусам | 2 |
| 8 | 21 | Представление функций интегралом Фурье. Интеграл Фурье для четных и нечетных функций | 2 |
| | | Итого: | 16 |

5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины (модуля)

5.1 Основная литература

1. Максименко, В.Н. Курс математического анализа : учебное пособие / В.Н. Максименко, А.Г. Меграбов, Л.В. Павшок. - Новосибирск : НГТУ, 2011. - Ч. 2. - 411 с. - ISBN 978-5-7782-1746-1; То же [Электронный ресурс]. - URL: [http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=228792\(17.11.2015\)](http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=228792(17.11.2015)).
2. Ким В.С. Курс математического анализа: учебное пособие, Оренбург: ИПК ГОУ ОГУ, 2006. – 219 с

5.2 Дополнительная литература

1. Кудрявцев Л.Д. Курс математического анализа, т.1, т.2, т.3 М.: Высшая школа, 1988.
2. Ильин В.А., Садовничий В.А., Сендов Бл. Х. Математический анализ. , М.: Изд-во «Проспект», 1979, 1987.
3. Никольский С.М. Курс математического анализа, 2001.

5.3 Периодические издания

1. Журнал «Алгебра и анализ» РАН,
2. Журнал «Теория вероятностей и ее применение» РАН,
3. Журнал «Математические заметки» РАН,

5.4 Интернет-ресурсы

www.math.reshebnik.ru - сайт создан для помощи студентам первого и второго курсов, изучающих высшую математику.

www.matburo.ru - на сайте предлагаются ссылки на лучшие материалы по высшей математике.

www.exponenta.ru - Internet-класс по высшей математике: Вся математика, от пределов и производных до методов оптимизации, уравнений математической физики и проверки статистических гипотез в среде самых популярных математических пакетов.

www.dic.academic.ru - курс, входящий в учебный план технических и некоторых других специальных учебных заведений, включающий аналитическую геометрию, элементы высшей алгебры, дифференциальное и интегральное исчисление, дифференциальные уравнения.

Математическая энциклопедия. — М.: Советская энциклопедия. 1977—1985. Автор: И. М. Виноградов. [Электронный ресурс] - Режим доступа:

<https://rus-math.slovaronline.com/>

Общероссийский математический портал [Электронный ресурс]: база данных. - Режим доступа:

<http://www.mathnet.ru/>

Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов [Электронный ресурс]: база

данных. - Режим доступа: <http://window.edu.ru/catalog/resources/matematika-slovari-enciklopedii>

5.5 Методические указания к практическим занятиям

1. Ким В.С. Сборник задач для типового расчета по теме «Определенные интегралы»
2. Василего И.П. Ряды. Учеб. пособие для вузов. Оренбург: ОГУ, 2006. -117с.
3. Тяпухина О. А., Кулиш Н. В. Предел и непрерывность функции одной переменной. Сборник заданий для проведения практических занятий: методические указания. Оренбург ОГУ, 2016-61с.

4. Пастухов Д. И., Кулиш Н. В. Элементы теории поля: учебное пособие. Оренбург: ОГУ, 2016-91с.
5. Пастухов Д. И., Кулиш Н. В. Интегральное исчисление функции одной переменной (неопределенный интеграл): учебное пособие. Оренбург ОГУ, 2017-100с.
6. Гамова Н. А., Кулиш Н. В., Спиридонова Е. В., Томина И. П. Дифференциальное и интегральное исчисление функции многих переменных: учебное пособие. Оренбург ОГУ, 2018-118с.
7. Гамова Н. А., Кулиш Н. В., Дифференциальное исчисление функции многих переменных: методические указания. Оренбург ОГУ, 2018-49с.
8. Гамова Н. А., Кулиш Н. В., Интегральное исчисление функции многих переменных: методические указания. Оренбург ОГУ, 2018-74с.

6 Материально-техническое обеспечение дисциплины

Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, семинарского типа, для проведения групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации. Аудитории оснащены комплектами ученической мебели, техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.