

Минобрнауки России

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

«Оренбургский государственный университет»

Кафедра геометрии и компьютерных наук

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

ДИСЦИПЛИНЫ

«Б.1.Б.10 Математика»

Уровень высшего образования

БАКАЛАВРИАТ

Направление подготовки

37.03.01 Психология

(код и наименование направления подготовки)

Социальная психология

(наименование направленности (профиля) образовательной программы)

Тип образовательной программы

Программа прикладного бакалавриата

Квалификация

Бакалавр

Форма обучения

Очная

Год набора 2016

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры

Кафедра геометрии и компьютерных наук _____
наименование кафедры

протокол № 8 от "25" февраля 2016 г.

Заведующий кафедрой
Кафедра геометрии и компьютерных наук _____
наименование кафедры подпись А.Е. Шухман расшифровка подписи 

Исполнители:
Старший преподаватель _____
должность подпись  расшифровка подписи Г.В. Теплякова

должность подпись расшифровка подписи

СОГЛАСОВАНО:

Председатель методической комиссии по направлению подготовки
37.03.01 Психология _____
код наименования личная подпись Л.В. Зубова расшифровка подписи

Заведующий отделом комплектования научной библиотеки
_____ личная подпись расшифровка подписи Н.Н. Грицай

Уполномоченный по качеству факультета
_____ личная подпись расшифровка подписи И.В. Крючкова

№ регистрации _____

© Теплякова Г.В., 2016
© ОГУ, 2016

1 Цели и задачи освоения дисциплины

Цель (цели) освоения дисциплины:

Целями освоения дисциплины «Высшая математика» являются формирование в общей системе знаний обучающихся по гуманитарным специальностям основных представлений и понятий фундаментального математического образования, об основных разделах современного математического анализа, основах линейной алгебры и аналитической геометрии, овладение базовыми принципами и приемами дифференциального и интегрального исчисления; выработка навыков решения практических задач.

Задачи:

- изучение основных понятий, определений, теорем и методов, формирующих общую математическую подготовку и развивающих абстрактное, логическое и творческое мышление;
- умение самостоятельно изучать учебную и научную литературу, содержащую математические факты и результаты;
- умение четко формулировать задачу и находить соответствующий алгоритм и метод ее решения;
- создание теоретической основы для успешного изучения дисциплин, использующих математические методы и модели;
- формирование четкого представления о применении математических методов в гуманитарных науках вообще и социологии, в частности.

2 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к базовой части блока 1 «Дисциплины (модули)»

Пререквизиты дисциплины: *Б.1.Б.11 Концепции современного естествознания*

Постреквизиты дисциплины: *Б.1.Б.28 Консультативная психология, Б.1.Б.31 Практикум по психодиагностике*

3 Требования к результатам обучения по дисциплине

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих результатов обучения

Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций	Формируемые компетенции
<p><u>Знать:</u> Основные понятия, определения, теоремы и методы, формирующие общую математическую подготовку.</p> <p><u>Уметь:</u> Самостоятельно изучать учебную и научную литературу, содержащую математические факты и результаты; четко формулировать задачу и находить соответствующий алгоритм и метод ее решения.</p> <p><u>Владеть:</u> Навыками применения математических методов в гуманитарных науках вообще и социологии, в частности.</p>	ОК-3 способностью использовать основы экономических знаний в различных сферах жизнедеятельности
<p><u>Знать:</u> Содержание базовых определений и понятий линейной алгебры и математического анализа, свойства матриц и соответствующих определителей, их взаимосвязь с системами линейных уравнений, методы вычисления производных и исследования функций, понятия неопределенного, определенного и несобственного интегралов и основные методы интегрирования.</p>	ПК-2 способностью к отбору и применению психодиагностических методик, адекватных целям, ситуации и контингенту респондентов с последующей математико-статистической

Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций	Формируемые компетенции
<p>Уметь: Ориентироваться в области математического анализа и линейной алгебры; пользоваться специальной литературой в изучаемой области. Использовать математический язык и символику; уметь производить типовые вычисления, обосновывать выбор средств, необходимых для решения конкретных задач математического анализа и линейной алгебры; сводить постановки задач на содержательном уровне к формальным и относить их к соответствующим разделам математического анализа и линейной алгебры.</p> <p>Владеть: Навыками самостоятельного поиска и применения теоретических знаний в практическом применении задач; методами построения математической модели типовых профессиональных задач и содержательной интерпретации полученных результатов.</p>	обработкой данных и их интерпретацией

4 Структура и содержание дисциплины

4.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 7 зачетных единиц (252 академических часов).

Вид работы	Трудоемкость, академических часов		
	1 семестр	2 семестр	всего
Общая трудоёмкость	108	144	252
Контактная работа:	44,25	45,25	89,5
Лекции (Л)	28	18	46
Практические занятия (ПЗ)	16	26	42
Консультации		1	1
Промежуточная аттестация (зачет, экзамен)	0,25	0,25	0,5
Самостоятельная работа: - выполнение индивидуального творческого задания (ИТЗ); - выполнение расчетно-графического задания (РГЗ); - самостоятельное изучение разделов (перечислить); - самоподготовка (проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий); - подготовка к практическим занятиям; - подготовка к коллоквиумам; - подготовка к рубежному контролю и т.п.)	63,75	98,75	162,5
Вид итогового контроля (зачет, экзамен, дифференцированный зачет)	зачет	экзамен	

Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
1	Определители и матрицы, решение систем	20	4	4		12
2	Аналитическая геометрия	20	6	2		12
3	Ведение в математический анализ	20	6	2		12

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
4	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	26	6	4		16
5	Интегральное исчисление функции одной переменной	22	6	4		12
	Итого:	108	28	16		64

Разделы дисциплины, изучаемые в 2 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
6.	Дифференциальное исчисление функции многих переменных	36	4	8		24
7.	Дифференциальные уравнения	36	4	6		26
8.	Теория вероятностей	36	6	6		24
9.	Элементы математической статистики	38	6	6		26
	Итого:	144	18	26		100
	Всего:	252	46	42		164

4.2 Содержание разделов дисциплины

№ 1 Определители и матрицы, решение систем

Определители: определение, миноры и алгебраические дополнения элементов, вычисление, свойства.

Матрицы: определение, виды матриц, линейные и специальные операции, построение обратной матрицы.

Решение систем n линейных уравнений с n неизвестными по формулам Крамера, с помощью обратной матрицы,

Ранг матрицы. Элементарные преобразования матриц. Теорема Кронекера-Капелли. Решение систем n линейных уравнений с m неизвестными методом Гаусса. Построение общего решения системы.

Решение однородных систем линейных уравнений. Фундаментальный набор решений однородной системы линейных уравнений.

№ 2 Аналитическая геометрия

Прямоугольная декартова система координат на плоскости и в пространстве. Полярная, сферическая и цилиндрическая системы координат.

Векторы на плоскости и в пространстве. Линейные операции над векторами. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов: определение, свойства, вычисление, геометрический смысл. Проекция вектора на ось. Направляющие косинусы вектора.

Линии на плоскости. Линии и поверхности в пространстве. Алгебраические линии и поверхности, их порядок.

Различные способы задания прямой на плоскости, взаимное расположение прямых, метрические соотношения на плоскости.

Различные способы задания прямой и плоскости в пространстве. Взаимное расположение плоскостей, прямой и плоскости в пространстве. Метрические соотношения.

Линии второго порядка на плоскости (эллипс, гипербола, парабола): определение, построение, основные характеристики.

Линии в полярной системе координат. Параметрическое задание линий.

Поверхности второго порядка в пространстве: цилиндрические, конические, поверхности вращения. Канонические уравнения поверхностей второго порядка.

№ 3 Введение в математический анализ

Действительные числа: алгебраические свойства, числовые промежутки, модуль числа, окрестность точки и бесконечности. Ограниченность, верхняя и нижняя грани числового множества.

Числовая последовательности: понятие числовой последовательности, предел и его геометрический смысл, единственность предела, основные свойства и признаки существования предела; Замечательные пределы.

Определение предела функции. Свойства предела функции. Предельный переход в неравенствах. Односторонние пределы. Пределы функции при $x \rightarrow \pm\infty$, $x \rightarrow \infty$. Бесконечно малая и бесконечно большая функция, их связь. Свойства эквивалентных бесконечно малых функций. Первый замечательный предел. Сравнение бесконечно малых.

Понятие непрерывности функции в точке и на множестве. Точки разрыва функции, их классификация. Использование понятия предела функции в социально-экономической сфере.

№ 4 Дифференциальное исчисление функции одной переменной

Задачи, приводящие к понятию производной и ее определение. Непрерывность функции, имеющей производную. Геометрический и физический смысл первой и второй производной. Производные сложной и обратной функции. Дифференцирование неявной и параметрически заданной функции. Дифференцируемость и дифференциал функции. Геометрический и физический смысл дифференциала. Инвариантность формы первого дифференциала. Приложение дифференциала для приближенных вычислений. Дифференциалы высших порядков.

Основные теоремы о дифференцируемых функциях: Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталя. Формула Тейлора.

Нахождение глобального экстремума функции. Задачи на максимум и на минимум. Наклонные и вертикальные асимптоты функции. Экстремум функции. Условия возрастания и убывания функции. Необходимое условие, достаточные условия локального экстремума. Достаточные условия выпуклости. Необходимое условие и достаточное условие точки перегиба. Общая схема исследования функции и построения графика.

№ 5 Интегральное исчисление функции одной переменной

Первообразная функция. Общий вид первообразной для данной функции. Неопределенный интеграл, его свойства. Таблица интегралов. Интегрирование заменой переменной и по частям.

Интегрирование простейших рациональных дробей. Интегрирование рациональных функций. Интегрирование тригонометрических функций. Интегрирование иррациональных функций. Интегрирование с помощью тригонометрических подстановок.

Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Определенный интеграл Римана: определение, необходимое условие интегрируемости функции, критерий интегрируемости. Классы интегрируемых функций. Основные свойства интеграла. Теорема о среднем. Интеграл с переменным верхним пределом, его непрерывность и дифференцируемость как функции верхнего предела. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление интеграла заменой переменной и по частям.

Геометрические и физические приложения определенного интеграла. Применение интегрального исчисления в социально-экономической сфере.

Несобственные интегралы с бесконечными пределами. Несобственный интеграл от неограниченных функций. Их сходимость.

№ 6 Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных

Множества точек пространства R^n . Способы задания функции многих переменных. Геометрическое представление функции двух и трех переменных. Локальные экстремумы. Предел и непрерывность функции в точке. Непрерывность сложной функции. Свойства функций, непрерывных в замкнутой ограниченной области.

Частные производные. Геометрический смысл частной производной первого порядка от функции двух переменных. Независимость смешанных частных производных от порядка дифференцирования. Дифференцируемость функции в точке. Необходимое условие, необходимое и достаточное условие дифференцируемости. Дифференциал. Уравнение касательной плоскости к поверхности, уравнение нормали. Производная по данному направлению. Градиент функции, его свойства.

Дифференцирование неявных функций. Производная сложной функции.

Дифференциалы высших порядков. Символическая формула для дифференциала n -го порядка.

Необходимое условие, достаточное условие локального экстремума. Нахождение глобального экстремума функции.

№ 7 Дифференциальные уравнения

Дифференциальные уравнения первого порядка: основные понятия, задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям, теорема существования и единственности решения задачи Коши, понятие общего и частного решений, их геометрический смысл. Решение дифференциальных уравнений первого порядка: с разделяющимися переменными, однородных, линейных, уравнения в полных дифференциалах.

Дифференциальные уравнения второго порядка: основные понятия, теорема существования и единственности решения, общее и частное решения, их геометрический смысл. Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка.

Линейные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами, фундаментальная система решений однородного уравнения, частное решение неоднородного уравнения. Решение линейных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами и специальной правой частью. Линейные уравнения высших порядков.

№ 8 Теория вероятностей

Предмет теории вероятностей. Элементы комбинаторики: правила сложения и умножения, размещения, перестановки, сочетания. Комбинации с повторениями. Пространство элементарных событий. Алгебра событий. Понятие случайного события. Классическое, аксиоматическое и геометрическое определение вероятности.

Несовместные и независимые события. Условная вероятность. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Полная вероятность. Формула Байеса.

Схема испытаний Бернулли. Формула Бернулли. Предельные теоремы (локальная и интегральная) в схеме Бернулли.

Дискретные и непрерывные случайные величины.

Функция распределения и плотность распределения, их свойства. Основные числовые характеристики случайных величин. Нормальное распределение.

Понятие о законе больших чисел.

№ 9 Элементы математической статистики

Задачи математической статистики. Генеральная совокупность и выборка. Вариационный ряд. Гистограмма и полигон частот. Эмпирическая функция распределения. Числовые характеристики выборки.

4.3 Практические занятия (семинары)

№ занятия	№ раздела	Тема	Кол-во часов
1	1	Матрицы. Действия над матрицами. Определители. Свойства определителей, методы вычислений. Обратная матрица. Ранг матрицы.	2
2	1	Системы линейных алгебраических уравнений. Решение систем линейных уравнений. Метод Крамера, метод Гаусса, матричный способ решения систем уравнений. Теорема Кронекера-Капели. Однородные системы линейных уравнений.	2
3	2	Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов. Уравнения прямой и плоскости в пространстве. Метрические соотношения на плоскости и в пространстве. Линии второго порядка на плоскости.	2
4	3	Предел числовой функции. Раскрытие неопределенностей. Замечательные пределы. Сравнение бесконечно малых. Непрерывность функции. Точки разрыва. Их классификация.	2
5	4	Дифференцирование с помощью основных формул и правил дифференцирования. Геометрический и механический смысл производной.	2
6	4	Дифференциал функции. Раскрытие неопределенностей с помощью правила Лопиталя. Исследование функции на	2

№ занятия	№ раздела	Тема	Кол-во часов
		монотонность, экстремум, перегиб. Асимптоты к графику функции.	
7	5	Непосредственное интегрирование. Интегрирование подстановкой и по частям. Интегрирование рациональных функций. Интегрирование иррациональных и тригонометрических функций.	2
8	5	Вычисление определенных интегралов. Геометрические приложения определенного интеграла. Вычисление и исследование на сходимость несобственных интегралов.	2
9	6	Понятие функции нескольких переменных, область определения; предел и непрерывность функции нескольких переменных в точке.	2
10	6	Частные производные, полный дифференциал. Частные производные и дифференциалы высших порядков, формула Тейлора.	2
11	6	Экстремумы функции нескольких переменных, необходимое и достаточное условия существования экстремума.	2
12	7	Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям (экономика, социология). Дифференциальные уравнения первого порядка, задача Коши.	2
13	7	Линейные дифференциальные уравнения, однородные и неоднородные, понятие общего решения.	4
14	7	Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами, уравнения с правой частью специального вида.	
15	7	Дифференциальные уравнения высших порядков, уравнения, допускающие понижение порядка.	2
16	8	Решение задач на использование классического определения вероятности. Комбинаторика.	2
17	8	Полная вероятность. Формула Байеса. Формула Бернулли. Предельные теоремы в схеме Бернулли.	2
18	8	Дискретные и непрерывные случайные величины: закон распределения, многоугольник распределения, функция распределения, плотность распределения непрерывной случайной величины. Числовые характеристики.	2
19,20	9	Статистические методы обработки экспериментальных данных. Генеральная совокупность и выборка. Вариационный ряд. Эмпирическая функция распределения, выборочное среднее и дисперсия.	4
21	9	Гистограмма и полигон частот. Эмпирическая функция распределения. Числовые характеристики выборки.	2
		Итого:	42

5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

5.1 Основная литература

1. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры [Текст]: учебник для вузов / Д. В. Беклемишев.- 12-е изд., испр. - М.: Физматлит, 2008, 2009. - 312 с. - ISBN 978-5-9221-0979-6.

2. Шипачев, В. С. Высшая математика [Текст]: учеб. для вузов / В. С. Шипачев.- 6-е изд., стер. - М.: Высш. шк., 2006, 2007, 2008, 2013. - 479 с. - ISBN 5-06-003959-5.
3. Гмурман, В. Е. Теория вероятностей и математическая статистика [Текст] : учебное пособие для бакалавров / В. Е. Гмурман.- 12-е изд. - Москва : Юрайт, 2012, 2013, 2014. - 479 с. - ISBN 978-5-9916-3461-8.

5.2 Дополнительная литература

1. Грес, П. В. Математика для гуманитариев [Текст] : учеб. пособие / П. В. Грес. - М. : Логос, 2004. - 160 с. - (Учебник 21 века) - ISBN 5-94010-178-X.
2. Казакова, О. Н. Аналитическая геометрия. Типовые расчеты [Электронный ресурс] : учебно-метод. пособие / О. Н. Казакова, О. Н. Конюченко, Т. А. Фомина; М-во образования и науки РФ, Гос. образов. учреждение высш. проф. образования ОГУ. - Оренбург : ГОУ ОГУ – 2009.
3. Суходольский, Г. С. Лекции по высшей математике для гуманитариев [Текст] / Г. С. Суходольский ; СПбГУ. - М. : СПбГУ, 2003. - 232 с. - Библиогр.: 229. - ISBN 5-288-03168-1.
4. Шипачев, В.С. Задачник по высшей математике [Текст]: учеб. пособие / В. С. Шипачев.- 5-е изд., стер. - М.: Высш. шк., 2005. - 304 с - ISBN 5-06-003-575-1.
5. Курс математического анализа [Текст]: [в 3 т.]: учеб. для вузов / Л. Д. Кудрявцев .- 5-е изд., перераб. и доп. - М. : Дрофа, 2006. - (Высшее образование: Современный учебник).. - ISBN 5-7107-5004-2, 2003(т.1.-57экз)

5.3 Периодические издания

Работа с периодическими изданиями **не предусмотрена.**

5.4 Интернет-ресурсы

1. <http://window.edu.ru/window> – единый доступ к образовательным ресурсам.
2. <http://www.twirpx.com/about/> – сайт с электронными ресурсами по всем разделам математики и других наук.
3. http://www.edu.ru/modules.php?name=Web_Links – каталог образовательных интернет-ресурсов.

5.5 Программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы современных информационных технологий

1. Операционная система Microsoft Windows (лицензии по программе [Microsoft Imagine Premium](#)).
2. Open Office/LibreOffice - свободный офисный пакет программ, включающий в себя текстовый и табличный редакторы, редактор презентаций и другие офисные приложения.
3. Автоматизированная интерактивная система сетевого тестирования (АИССТ). Режим доступа: <https://aist.osu.ru/cgi-bin/auth.cgi>

6 Материально-техническое обеспечение дисциплины

Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, семинарского типа, для проведения групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации.

Аудитории оснащены комплектами ученической мебели, техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.

Помещение для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой, подключенной к сети "Интернет", и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду ОГУ.

К рабочей программе прилагаются:

- Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине;
- Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины.