

Минобрнауки России

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования

«Оренбургский государственный университет»

Кафедра алгебры и дискретной математики

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

**ДИСЦИПЛИНЫ**

*«Б.1.Б.10.2 Алгебра и геометрия»*

Уровень высшего образования

**БАКАЛАВРИАТ**

Направление подготовки

27.03.04 Управление в технических системах  
(код и наименование направления подготовки)

Управление и информатика в технических системах  
(наименование направленности (профиля) образовательной программы)

Тип образовательной программы

Программа академического бакалавриата

Квалификация

Бакалавр

Форма обучения

Очная

Год набора 2017

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры

Кафедра алгебры и дискретной математики

*наименование кафедры*

протокол № 7 от "21" 02 2017г.

Заведующий кафедрой

Кафедра алгебры и дискретной математики

*наименование кафедры*



*подпись*

О.А. Пихтилькова

*расшифровка подписи*

Исполнители:

Ст. преподаватель кафедры алгебры и дискретной математики

*должность*

*подпись*

*расшифровка подписи*



Д.У. Шакирова

*должность*

*подпись*

*расшифровка подписи*

СОГЛАСОВАНО:

Председатель методической комиссии по направлению подготовки

27.03.04 Управление в технических системах

*код наименование*

*личная подпись*

А.С. Боровский

*расшифровка подписи*

Заведующий отделом комплектования научной библиотеки



*личная подпись*

Н.Н. Грицай

*расшифровка подписи*

Уполномоченный по качеству факультета



*личная подпись*

И.В. Крючкова

*расшифровка подписи*

№ регистрации \_\_\_\_\_

© Шакирова Д.У., 2017

© ОГУ, 2017

## 1 Цели и задачи освоения дисциплины

**Цель (цели)** освоения дисциплины:

- ознакомление с основными понятиями алгебры и геометрии, освоение методов и способов решения алгебраических и геометрических задач;
- формирование у студентов готовности к решению учебно-профессиональных задач в области алгебры и геометрии, необходимых для использования в других дисциплинах.

**Задачи:**

- изучение основ алгебры и геометрии, необходимых для освоения других математических дисциплин, и развитие практических навыков решения соответствующих задач;
- приобретение обучающимися навыков реализации теоретических знаний на практике с применением интерактивных методов и закреплением соответствующих компетенций согласно ООП подготовки бакалавров по направлению подготовки 09.03.01 Информатика и вычислительная техника с общим профилем.

## 2 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к базовой части блока 1 «Дисциплины (модули)»

Пререквизиты дисциплины: *Отсутствуют*

Постреквизиты дисциплины: *Б.1.Б.6 Экономическая теория, Б.1.Б.10.3 Математический анализ, Б.1.Б.13 Информационное обеспечение систем управления, Б.1.Б.17 Экология, Б.1.В.ОД.2 Автоматика, Б.1.В.ОД.5 Вычислительные сети и комплексы, Б.1.В.ОД.9 Технические средства автоматизации и управления*

## 3 Требования к результатам обучения по дисциплине

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих результатов обучения

Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций	Формируемые компетенции
<p><b>Знать:</b> основные положения соответствующих разделов алгебры и геометрии: матрицы и определители, системы линейных уравнений, комплексные числа, векторные пространства, линейные операторы, аналитическая геометрия.</p> <p><b>Уметь:</b></p> <ul style="list-style-type: none"><li>– формулировать и доказывать основные результаты разделов алгебры и геометрии;</li><li>– решать типовые задачи с применением изучаемого теоретического материала;</li><li>– применять основные методы алгебры и геометрии при решении прикладных задач.</li></ul> <p><b>Владеть:</b> навыками использования современных математических методов алгебры и геометрии к теоретическому и экспериментальному исследованию, моделированию явлений и процессов, в объеме необходимом для использования в обучении и профессиональной деятельности.</p>	ОПК-2 способностью выявлять естественнонаучную сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности, привлекать для их решения соответствующий физико-математический аппарат

## 4 Структура и содержание дисциплины

### 4.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетных единиц (144 академических часов).

Вид работы	Трудоемкость, академических часов	
	1 семестр	всего
<b>Общая трудоёмкость</b>	<b>144</b>	<b>144</b>
<b>Контактная работа:</b>	<b>54,25</b>	<b>54,25</b>
Лекции (Л)	28	28
Практические занятия (ПЗ)	26	26
Промежуточная аттестация (зачет, экзамен)	0,25	0,25
<b>Самостоятельная работа:</b> - выполнение индивидуального творческого задания (ИТЗ); - выполнение расчетно-графического задания (РГЗ); - самоподготовка (проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий); - подготовка к практическим занятиям; - подготовка к рубежному контролю и т.п.)	<b>89,75</b>	<b>89,75</b>
<b>Вид итогового контроля (зачет, экзамен, дифференцированный зачет)</b>	<b>зачет</b>	

Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
1	Комплексные числа	18	2	2		14
2	Матрицы и определители	12	2	2		8
3	Системы линейных уравнений	14	4	4		6
4	Векторная алгебра	14	4	2		8
5	Линейные пространства	22	4	4		14
6	Прямая и плоскость	18	4	4		10
7	Кривые и поверхности второго порядка	22	4	4		14
8	Линейные операторы	24	4	4		16
	<b>Итого:</b>	<b>144</b>	<b>28</b>	<b>26</b>		<b>90</b>
	<b>Всего:</b>	<b>144</b>	<b>28</b>	<b>26</b>		<b>90</b>

### 4.2 Содержание разделов дисциплины

#### Раздел № 1 Комплексные числа

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая форма записи комплексного числа. Действия над комплексными числами: арифметические операции, возведение в степень, извлечение корня  $n$ -ой степени из комплексного числа. Формулы Эйлера. Показательная форма комплексного числа.

## **Раздел № 2 Матрицы и определители.**

Матрица: основные понятия и определения, виды матриц. Операции над матрицами: сложение, умножение на число, умножение двух матриц, транспонирование. Свойства операций над матрицами. Линейная зависимость и независимость строк и столбцов матрицы. Линейная зависимость и независимость системы матриц. Элементарные преобразования. Детерминанты: определение. Детерминанты второго и третьего порядков, правила их вычисления. Правило вычисления детерминанта  $n$ -го порядка путем разложения его по произвольной строке или произвольному столбцу. Основные свойства детерминантов. Вырожденные и невырожденные матрицы. Обратная матрица. Условие существования обратной матрицы. Способы нахождения обратной матрицы: с помощью элементарных преобразований, с помощью приведенной матрицы. Ранг матрицы: основные понятия, определения, свойства. Основные теоремы о ранге матрицы. Ранг произведения матриц. Нахождение ранга матрицы с помощью элементарных преобразований.

## **Раздел № 3 Системы линейных уравнений**

Системы линейных уравнений (СЛУ). Основные понятия и определения. Решение СЛУ, основной случай. Метод Крамера, матричный метод. Решение СЛУ, общая теория. Условия совместности: теорема Кронекера-Капелли – критерий совместности; критерий несовместности. Сопряженная однородная система. Метод Гаусса. Приведенная система. Фундаментальная система решений. Общее решение систем линейных уравнений.

## **Раздел № 4. Векторная алгебра**

Векторы: основные понятия и определения. Линейные операции над векторами. Свойства линейных операций над векторами. Системы координат. Декартова система координат. Координаты точки и вектора в декартовой системе координат. Деление отрезка в заданном отношении. Декартова прямоугольная система координат. Полярная система координат. Скалярное и векторное произведение, определение, свойства. Смешанное произведение, определение, свойства.

## **Раздел № 5. Линейные пространства**

Векторное пространство. Линейная зависимость и независимость системы векторов. Условия и критерии линейной зависимости и независимости системы векторов. Базис системы векторов. Разложение вектора по базису. Координаты вектора. Линейные операции над векторами в координатной форме.

Евклидово пространство. Скалярное произведение. Определение, свойства скалярного произведения. Понятие евклидова пространства. Длина вектора и угол между векторами. Выражение скалярного произведения через координаты сомножителей. Ортогональные базисы. Ортогональные матрицы. Ортогональное дополнение подпространства. Ортогональные проекции. Метод ортогонализации.

## **Раздел № 6 Прямая и плоскость**

Прямые линии и плоскости. Общее понятие об уравнениях. Уравнения прямых и плоскостей. Поверхности и линии первого порядка. Параметрические уравнения прямой и плоскости. Прямая линия на плоскости. Векторные уравнения плоскости и прямой. Параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей. Расстояние от точки до прямой и плоскости. Расстояние между скрещивающимися прямыми линиями. Прямая линия в пространстве как пересечение двух плоскостей. Основные задачи о прямых и плоскостях.

## **Раздел № 7 Кривые и поверхности второго порядка**

Кривые второго порядка. Эллипс, гипербола и парабола.

Поверхности второго порядка. Поверхности вращения. Эллипсоид. Конус второго порядка. Однополостный гиперболоид. Двуполостный гиперболоид. Эллиптический параболоид. Гиперболический параболоид

## **Раздел № 8 Линейные операторы**

Линейные отображения. Основные определения и понятия: линейного отображения, размерности, ранга, ядра. Свойства линейных отображений. Координатная запись отображений.

Матрица линейного отображения. Ранг матрицы линейного отображения. Изменение матрицы линейного отображения при замене базисов. Канонический вид матрицы линейного отображения.

Линейные преобразования. Собственные векторы линейного преобразования. Характеристическое уравнение. Матрица линейного преобразования в базисе из собственных векторов. Квадратичные формы. Приведение квадратичной формы к каноническому виду. Положительно определенные и отрицательно определенные квадратичные формы.

### 4.3 Практические занятия (семинары)

№ занятия	№ раздела	Тема	Кол-во часов
1	1	Алгебраическая и тригонометрическая форма записи комплексных чисел. Действия над комплексными числами.	2
2	2	Матрицы, операции над матрицами. Сложение и умножение матриц. Определитель матрицы. Вычисление определителей. Вычисление обратной матрицы. Ранг матрицы и методы вычисления ранга матрицы.	2
3	3	Системы линейных алгебраических уравнений. Методы вычисления СЛАУ. Решение СЛАУ, общий случай. Теорема Кронекера–Капелли. Общее решение СЛАУ.	2
4	3	Однородная СЛАУ. Фундаментальная система решений.	2
5	4	Векторы. Операции над векторами. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов и их свойства.	2
6	5	Примеры линейных пространств. Арифметические $n$ -мерные линейные пространства. Линейная зависимость системы векторов, ранг системы векторов, базис системы векторов.	2
7	5	Ортонормированные системы векторов. Процесс ортогонализации	2
8	6	Уравнения прямой на плоскости. Основные виды уравнений. Основные задачи на уравнения прямой в плоскости.	2
9	6	Уравнения прямой и плоскости в пространстве. Основные виды уравнений. Основные задачи на уравнения прямой и плоскости в пространстве. Взаимное расположение прямой и плоскости.	2
10	7	Кривые второго порядка на плоскости: окружность, эллипс, гипербола, парабола.	2
11	7	Поверхности вращения.	2
12	8	Примеры линейных отображений и преобразований. Ядро, множество значений. Матрицы линейных отображений и преобразований. Изменение матрицы линейного отображения при замене базисов.	2
13	8	Собственные числа и собственные векторы линейного преобразования. Квадратичные формы. Положительно и отрицательно определенные квадратичные формы. Приведение к каноническому виду.	2
		<b>Итого:</b>	<b>26</b>

## 5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

### 5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

#### 5.1 Основная литература

1. Беклемишев, Д.В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры [Текст]: учебник для вузов / Д. В. Беклемишев. - 12-е изд., испр. - М. : Физматлит, 2008. - 312 с. - ISBN 978-5-9221-0979-6.
2. Канатников, А. Н. Аналитическая геометрия [Текст] : учеб. для вузов / А. Н. Канатников, А. П. Крищенко.- 3-е изд. - М. : МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2002. - 388 с. - (Математика в техническом университете ; вып. 3). - Библиогр.: с. 375-383. - ISBN 5-7038-1671-8.
3. Канатников, А. Н. Линейная алгебра [Текст] : учеб. для вузов / А. Н. Канатников, А. П. Крищенко; под ред. В. С. Зарубина, А. П. Крищенко.- 3-е изд., стер. - М. : МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2002. - 336 с. - (Математика в техническом университете ; вып. 4). - Библиогр.: с. 326-332. - ISBN 5-7038-1754-4.
4. Курош, А. Г. Курс высшей алгебры [Текст]: учеб. для вузов / А. Г. Курош.- 18-е изд., стер. - СПб. : Лань, 2011. - 432 с. - ISBN 978-5-8114-0521-3.
5. Усова, Л. Б. Линейная алгебра и аналитическая геометрия [Текст] : учеб.-метод. пособие / Л. Б. Усова, Д. У. Шакирова ; М-во образования и науки Рос. Федерации, Федер. агентство по образованию; Гос. образоват. учреждение высш. проф. образования "Оренбург. гос. ун-т". - Оренбург : ИПК ГОУ ОГУ, 2010.. ISBN978-5-7410-1089-1 Ч. 2 : . - , 2010. - 182 с.

#### 5.2 Дополнительная литература

1. Ильин, В. А. Линейная алгебра и аналитическая геометрия [Текст]: учебник для вузов / В. А. Ильин, Г. Д. Ким.- 2-е изд. - Москва : Изд-во Моск. ун-та, 2002. - 320 с. - ISBN 5-211-04487-8.
2. Кадомцев, С. Б. Аналитическая геометрия и линейная алгебра [Текст]: [учебное пособие] / С. Б. Кадомцев. - Москва : Физматлит, 2001. - 160 с. - ISBN 5-9221-0145-5.
3. Усова, Л.Б. Линейная алгебра и аналитическая геометрия [Электронный ресурс]: комплект рабочих тетр. / Л.Б. Усова, Д.У. Шакирова. - Рабочая тетр. № 1. Комплексные числа. - Оренбург: ОГУ, 2011.-Режим доступа: [http://artlib.osu.ru/web/books/metod\\_all/2402\\_20110914.pdf](http://artlib.osu.ru/web/books/metod_all/2402_20110914.pdf).
4. Усова, Л.Б. Линейная алгебра и аналитическая геометрия [Электронный ресурс]: комплект рабочих тетр. / Л.Б. Усова, Д.У. Шакирова. - Рабочая тетр. № 2. Матрицы. - Оренбург: ОГУ, 2011. - Режим доступа: [http://artlib.osu.ru/web/books/metod\\_all/2403\\_20110914.pdf](http://artlib.osu.ru/web/books/metod_all/2403_20110914.pdf).
5. Усова, Л.Б. Линейная алгебра и аналитическая геометрия [Электронный ресурс]: комплект рабочих тетр. / Л.Б. Усова, Д.У. Шакирова. - Рабочая тетр. № 3. Определители. - Оренбург: ОГУ, 2011. - Режим доступа: [http://artlib.osu.ru/web/books/metod\\_all/2404\\_20110914.pdf](http://artlib.osu.ru/web/books/metod_all/2404_20110914.pdf).
6. Усова, Л.Б. Линейная алгебра и аналитическая геометрия [Электронный ресурс]: комплект рабочих тетр. / Л.Б. Усова, Д.У. Шакирова. - Рабочая тетр. № 4. Обратная матрица. Ранг матрицы. Оренбург: ОГУ, 2011. - Режим доступа: [http://artlib.osu.ru/web/books/metod\\_all/2405\\_20110914.pdf](http://artlib.osu.ru/web/books/metod_all/2405_20110914.pdf).
7. Усова, Л.Б. Линейная алгебра и аналитическая геометрия [Электронный ресурс]: комплект рабочих тетр. / Л.Б. Усова, Д.У. Шакирова. - Рабочая тетр. № 5. Системы линейных уравнений. - Оренбург: ОГУ, 2011.- Режим доступа: [http://artlib.osu.ru/web/books/metod\\_all/2406\\_20110914.pdf](http://artlib.osu.ru/web/books/metod_all/2406_20110914.pdf).
8. Усова, Л.Б. Линейная алгебра и аналитическая геометрия [Электронный ресурс]: комплект рабочих тетр. / Л.Б. Усова, Д.У. Шакирова. - Рабочая тетр. № 6.

### **5.3 Периодические издания**

1. Информатика и системы управления: журнал. - М.: Агентство "Роспечать", 2017.
2. Информационные технологии: журнал. - М.: Агентство "Роспечать", 2017.
3. Программные продукты и системы: журнал. - М.: Агентство "Роспечать", 2017.

### **5.4 Интернет-ресурсы**

1. Открытая система электронного образования - <https://universarium.org/> - «Универсариум»;
4. Математический форум с обсуждением и решением задач - <http://mathhelpplanet.com/>
5. Общероссийский математический портал Math-Net.Ru - <http://www.mathnet.ru/>
6. Московский центр непрерывного математического образования - <http://www.mccme.ru/>

### **5.5 Программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы современных информационных технологий**

1. Microsoft Windows - Операционная система
2. Microsoft Visual Studio - Средства для разработки и проектирования.

### **6 Материально-техническое обеспечение дисциплины**

Учебные аудитории для лекционных и практических занятий.

#### ***К рабочей программе прилагаются:***

- Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине;
- Методические рекомендации обучающимся по изучению разделов и тем дисциплины (модуля) с постраничным указанием глав, разделов, параграфов, задач, заданий, тестов из рекомендованного списка литературы.