

Минобрнауки России

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

«Оренбургский государственный университет»

Кафедра прикладной математики

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

ДИСЦИПЛИНЫ

«Б.1.Б.11 Математический анализ»

Уровень высшего образования

БАКАЛАВРИАТ

Направление подготовки

02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии
(код и наименование направления подготовки)

Общий профиль

(наименование направленности (профиля) образовательной программы)

Тип образовательной программы

Программа академического бакалавриата

Квалификация

Бакалавр

Форма обучения

Очная

Год набора 2018

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры

Кафедра прикладной математики

наименование кафедры

протокол № 6 от "24" января 2018 г.

Заведующий кафедрой

Кафедра прикладной математики

наименование кафедры

подпись

И.П. Болодурина

расшифровка подписи

Исполнители:

доцент

должность

подпись

Зубова И.К.

расшифровка подписи

должность

подпись

расшифровка подписи

СОГЛАСОВАНО:

Председатель методической комиссии по направлению подготовки

02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии

код наименование

личная подпись

расшифровка подписи

Заведующий отделом комплектования научной библиотеки

личная подпись

Н.Н. Грицай

расшифровка подписи

Уполномоченный по качеству факультета

личная подпись

Н.В. Крюков

расшифровка подписи

1 Цели и задачи освоения дисциплины

Цель освоения дисциплины:

Целью освоения дисциплины «Математический анализ» является формирование у студентов в области выбранного профиля подготовки основных представлений об основах высшей математики, необходимых для использования в других математических дисциплинах; получение основных навыков решения задач дифференциального и интегрального исчисления.

Задачи:

Задачами освоения дисциплины являются: изучение теории пределов; основ дифференциального исчисления функций одной переменной (включая исследование функций и построение их графиков); интегрального исчисления функций одной переменной (включая неопределенный интеграл, определенный интеграл, несобственные интегралы); основ дифференциального исчисления функций многих переменных; теории рядов; кратных, криволинейных, поверхностных интегралов.

2 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к базовой части блока 1 «Дисциплины (модули)»

Пререквизиты дисциплины: *Отсутствуют*

Постреквизиты дисциплины: *Б.1.Б.10 Физика, Б.1.Б.15 Дифференциальные уравнения, Б.1.Б.16 Теория вероятностей и математическая статистика, Б.1.Б.17 Вычислительные методы, Б.1.В.ОД.4 Моделирование информационных процессов, Б.1.В.ОД.5 Теория функций комплексного переменного, Б.1.В.ОД.15 Методы оптимизации и исследование операций, Б.1.В.ОД.17 Интеллектуальные системы, Б.1.В.ДВ.1.2 Теория нечетких множеств, Б.1.В.ДВ.2.1 Теория кодирования, Б.1.В.ДВ.4.2 Теория принятия решений*

3 Требования к результатам обучения по дисциплине

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих результатов обучения:

Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций	Формируемые компетенции
Знать: основные понятия изученных разделов математического анализа, важнейшие свойства объектов, используемых в высшей математике, законов, которым они подчиняются. Уметь: доказывать основные теоремы математического анализа; логически строго и обоснованно решать задачи, соответствующие изучаемым разделам математического анализа; Владеть: основными приёмами математического доказательства, навыками применения важнейших формул дифференциального и интегрального исчисления.	ОПК-1 способностью использовать базовые знания естественных наук, математики и информатики, основные факты, концепции, принципы теорий, связанных с фундаментальной информатикой и информационными технологиями
Знать: структуру и основы математического анализа как базы всей современной высшей математики. Уметь: правильно формулировать конкретную задачу; применять теоретические знания к решению конкретной задачи; видеть и	ПК-2 способностью понимать, совершенствовать и применять современный математический аппарат,

Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций	Формируемые компетенции
понимать связь между основными понятиями математического анализа и других областей высшей математики, устанавливать межпредметную связь. Владеть: техникой решения задач; навыками работы с математической литературой.	фундаментальные концепции и системные методологии, международные и профессиональные стандарты в области информационных технологий

4 Структура и содержание дисциплины

4.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 15 зачетных единиц (540 академических часов).

Вид работы	Трудоемкость, академических часов			
	1 семестр	2 семестр	3 семестр	всего
Общая трудоёмкость	180	180	180	540
Контактная работа:	69,25	69,25	69,25	207,75
Лекции (Л)	34	34	34	102
Практические занятия (ПЗ)	34	34	34	102
Консультации	1	1	1	3
Промежуточная аттестация (зачет, экзамен)	0,25	0,25	0,25	0,75
Самостоятельная работа:	110,75	110,75	110,75	332,25
- выполнение расчетно-графического задания (РГЗ);	6		10	
- самостоятельное изучение разделов «Параметрические уравнения некоторых кривых», «Задание некоторых кривых в полярной системе координат», «Гиперболические функции», «Неберущиеся интегралы»;	2	6		
- самоподготовка (проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий;				
- подготовка к практическим занятиям;	25		40	
- подготовка к коллоквиумам;	50	29	34	
- подготовка к рубежному контролю и т.п.)	10	50	10	
	17,75	25,75	16,75	
Вид итогового контроля (зачет, экзамен, дифференцированный зачет)	экзамен	экзамен	экзамен	

Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
1	Введение в математический анализ.	80	16	16	-	48
2	Дифференциальное исчисление функции одной	100	18	18	-	64

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
	переменной					
	Итого:	180	34	34	-	112

Разделы дисциплины, изучаемые в 2 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
3	Интегральное исчисление функции одной переменной	114	24	24	-	66
4	Дифференциальное исчисление функции многих переменных	66	10	10	-	46
	Итого:	180	34	34		112

Разделы дисциплины, изучаемые в 3 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
5	Элементы теории рядов	66	12	12	-	42
6	Кратные интегралы	64	12	12	-	40
7	Криволинейные и поверхностные интегралы	50	10	10	-	30
	Итого:	180	34	34	-	112
	Всего:	540	102	102		336

4.2 Содержание разделов дисциплины

1 Введение в математический анализ

Предмет и метод математического анализа. Множества. Операции с множествами. Точная верхняя и точная нижняя грани числовых множеств. Числовые последовательности. Предел числовой последовательности. Критерий Коши. Основные теоремы о пределах. Предел функции в точке и на бесконечности. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Свойства предела функции. Односторонние пределы. Замечательные пределы. Непрерывность функции в точке. Локальные свойства непрерывных функций. Непрерывность элементарных функций.

Односторонняя непрерывность. Точки разрыва, их классификация. Свойства функций, непрерывных на отрезке.

2 Дифференциальное исчисление функции одной переменной

Производная функции, ее геометрический и механический смысл. Дифференциал функции, его геометрический смысл. Понятие дифференцируемости функции в точке. Табличное дифференцирование. Производная сложной, обратной, параметрически заданной функций. Понятие кривой. Параметрическое задание некоторых кривых.

Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Бернулли - Лопиталя. Производные и дифференциалы высших порядков.

Условия монотонности функции. Экстремум функции. Необходимое и достаточное условия экстремума. Отыскание наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке. Исследование выпуклости графика функции. Точки перегиба графика. Асимптоты кривых. Общая схема исследования функции средствами дифференциального исчисления. Построение эскиза графика данной функции.

Формулы Тейлора и Маклорена. Различные формы остаточного члена этих формул.

3 Интегральное исчисление функций одной переменной

Первообразная данной функции. Неопределенный интеграл, его свойства. Таблица основных интегралов. Методы интегрирования. Интегрирование рациональных функций. Интегрирование некоторых иррациональных и тригонометрических функций.

Суммы Дарбу. Определенный интеграл как предел интегральных сумм. Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной в определённом интеграле. Приложения определённого интеграла.

Несобственные интегралы первого и второго рода. Сходимость несобственных интегралов. Признак сравнения.

4 Дифференциальное исчисление функции многих переменных

Пространства: топологические, линейные, метрические, нормированные, полные метрические, банаховы, гильбертовы и евклидовы. Расстояние, норма, их аксиомы. Неравенство Коши-Буняковского. Дифференцируемые функции в R^n

Частные производные. Дифференцирование сложной функции.

Неявные функции. Теорема о существовании неявной функции. Частные производные неявной функции.

Производная по направлению и градиент. Свойства градиента. Геометрический смысл дифференциала. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.

Дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора. Локальный экстремум. Необходимые и достаточные условия локального экстремума.

5 Элементы теории рядов

Числовой ряд. Сходимость и сумма ряда. Необходимое условие сходимости. Действия с рядами. Ряды с неотрицательными членами. Признаки сходимости. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница для знакочередующегося ряда.

Функциональная последовательность. Функциональный ряд. Область его сходимости. Равномерная сходимость функциональной последовательности. Признаки равномерной сходимости функциональной последовательности и ряда. Свойства равномерно сходящихся рядов.

Степенные ряды. Радиус сходимости степенного ряда. Теорема Абеля. Равномерная сходимость степенного ряда. Ряд Тейлора. Разложение функций в степенные ряды.

Нормированные пространства, бесконечномерные евклидовы пространства. Сходимость по норме. Ортогональные и ортонормированные системы. Процесс ортогонализации. Ряды Фурье по ортогональным системам. Минимальное свойство частных сумм рядов Фурье. Неравенство Бесселя. Равенство Парсеваля-Стеклова. Тригонометрические ряды Фурье. Теорема Дирихле. Комплексная форма ряда Фурье. Понятие интеграла Фурье.

6 Кратные интегралы

Двойной интеграл. Геометрическая интерпретация и основные свойства двойного интеграла. Вычисление двойного интеграла путём сведения его к двукратному интегралу. Физический смысл тройного интеграла. Замена переменных в кратных интегралах. Применение кратных интегралов.

7 Криволинейные и поверхностные интегралы

Криволинейные интегралы 1-го и 2-го рода.

Формула Грина. Условия независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования.

Интегралы по поверхности. Поток вектора через ориентированную поверхность.

Дивергенция. Теорема Гаусса-Остроградского. Формула Стокса

4.3 Практические занятия (семинары)

Таблица 4.3.1 – Практические занятия в 1 семестре

№ занятия	№ раздела	Тема	Кол-во часов
1	1	Математические символы. Понятие о множествах. Числовые множества. Операции с ними.	1
1	1	Числовые последовательности. Виды последовательностей.	1
2	1	Предел числовой последовательности. Свойства пределов. Вычисление пределов.	2
3	1	Предел функции. Вычисление пределов.	2
4	1	Первый и второй «замечательные» пределы.	2
5	1	Контрольная работа «Пределы».	2
6	1	Непрерывность функции. Классификация точек разрыва.	2
7	2	Производная. Табличное дифференцирование.	2
8	2	Нахождение производных сложных функций.	2
9	2	Дифференцирование обратной, неявной, параметрически заданной функций. Уравнения касательной и нормали к кривой.	2
10	2	Правило Лопиталя.	2
11	2	Формула Тейлора.	2
12	2	Контрольная работа «Дифференцирование функций одной переменной»	2

№ занятия	№ раздела	Тема	Кол-во часов
13	2	Вектор-функции. Кривые, их характеристики.	2
14	2	Экстремумы функции. Интервалы возрастания и убывания функции. Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции на множестве.	2
15	2	Интервалы выпуклости и вогнутости графика. Точки перегиба.	2
16	2	Асимптоты графика функции.	2
17	2	Исследование функций средствами дифференциального исчисления.	2
		Итого:	34

Таблица 4.3.2 – Практические занятия во 2-м семестре

№ занятия	№ раздела	Тема	Кол-во часов
1	3	Табличное интегрирование.	2
2	3	Интегрирование путем подведения под знак дифференциала. Замена переменных.	2
3	3	Интегрирование «по частям».	2
4	3	Интегрирование простейших рациональных дробей и выражений, содержащих квадратный трехчлен.	2
5	3	Интегрирование рациональных функций.	2
6	3	Интегрирование различных типов иррациональных функций.	2
7	3	Интегрирование различных типов тригонометрических функций.	2
8	3	Контрольная работа «Неопределенный интеграл»	2
9	3	Определенный интеграл. Приложения определенного интеграла.	2
10	3	Несобственные интегралы.	2
11	3	Контрольная работа «Определённый интеграл»	2
12	4	Функция двух переменных. Область определения.	2
13	4	Предел функции двух переменных.	2
14	4	Вычисление частных производных. Производная по направлению. Градиент. Производные сложной функции.	2
15	4	Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора.	2

№ занятия	№ раздела	Тема	Кол-во часов
16	4	Экстремум функции нескольких переменных. Условный экстремум.	2
17	4	Контрольная работа «Функции нескольких переменных».	2
		Итого:	34

Таблица 4.3.3 – Практические занятия в 3-м семестре

№ занятия	№ раздела	Тема	Кол-во часов
1-2	5	Числовой ряд, его сумма. Необходимое условие сходимости числового ряда. Исследование сходимости рядов с неотрицательными членами.	4
3	5	Знакопеременные ряды. Признак Лейбница. Абсолютно и условно сходящиеся ряды.	2
4	5	Степенные ряды. Нахождение области сходимости.	2
5-6	5	Равномерная сходимость степенного ряда. Почленное интегрирование и дифференцирование степенных рядов.	4
5-6	5	Разложение функции в ряд Тейлора.	2
7-9	5	Тригонометрические ряды Фурье. Разложение функций в ряды Фурье.	6
10	5	Отчет по ТР «Ряды».	2
11-12	6	Двойной интеграл. Вычисление двойного интеграла путём сведения его к двукратному. Применение двойного интеграла.	4
13	6	Тройной интеграл, его вычисление и применение.	2
14	7	Криволинейные интегралы, их вычисление и применение.	2
15	7	Поверхностные интегралы.	2
16	7	Формула Грина	2
17	7	Контрольная работа «Кратные и криволинейные интегралы»	2
		Итого:	34

5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

5.1 Основная литература

1. Кудрявцев, Л.Д. Краткий курс математического анализа. : учебник : в 2-х т. / Л.Д. Кудрявцев. - Москва : Физматлит, 2015. - Т. 1. Дифференциальное и интегральное исчисления функций одной переменной. Ряды. - 444 с.: ISBN 978-5-9221-1585-8; То же [Электронный ресурс].- Режим доступа: <http://znanium.com/catalog/product/854332>

2. Кудрявцев, Л.Д. Краткий курс математического анализа : учебник : в 2-х т. / Л.Д. Кудрявцев. - 3-е изд., перераб. - Москва : Физматлит, 2010. - Т. 2. Дифференциальное и интегральное исчисления функций многих переменных. Гармонический анализ. - 425 с. - ISBN 978-5-9221-0185-1; То же [Электронный ресурс]. –

URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82818> (01.04.2019).

5.2 Дополнительная литература

1. Шипачёв, В.С. Математический анализ. Теория и практика: Учебное пособие / В.С. Шипачев. - 3-е изд. - М.: НИЦ ИНФРА-М, 2015. - 351 с.: 60х90 1/16. - (Высшее образование). (переплет) ISBN 978-5-16-010073-9. Режим доступа: <http://znanium.com/catalog.php?bookinfo=469727>

2. Зубова, И. К. Основы математического анализа (модуль "Введение в математический анализ") [Текст] : самоучитель / И. К. Зубова, О. В. Острая, А. Н. Павленко; М-во образования и науки Рос. Федерации, Федер. гос. бюджет. образоват. учреждение высш. проф. образования "Оренбург. гос. ун-т". - Оренбург : НикОс, 2011. - 151 с. : ил. - Библиогр.: с. 150-151. - ISBN 978-5-4417-0009-2.

3. Зубова, И. К. Основы математического анализа (модуль "Функции нескольких переменных") [Электронный ресурс] : самоучитель / И. К. Зубова и [др.]; М-во образования и науки Рос. Федерации, Гос. образоват. учреждение высш. проф. образования "Оренбург. гос. ун-т". - Электрон. текстовые дан. (1 файл: Kb). - Оренбург: ГОУ ОГУ, 2011. -Adobe Acrobat Reader 5.0 http://artlib.osu.ru/web/books/metod_all/2838_20110928.pdf

4. Зубова, И. К. Основы математического анализа (модуль "Неопределенный интеграл") [Электронный ресурс] : учебное пособие. / И. К. Зубова и др.; М-во образования и науки Рос. Федерации, Федер. гос. бюджет. образоват. учреждение высш. образования "Оренбург. гос. ун-т". - Электрон. текстовые дан. (1 файл: 1.98 Мб). - Оренбург : ОГУ, 2017. - 119 с. - Загл. с тит. экрана. -Adobe Acrobat Reader 6.0 - ISBN 978-5-7410-1794-4. Режим доступа: http://artlib.osu.ru/36925_20170601.pdf

5.3 Периодические издания

Не рекомендуются

5.4 Интернет-ресурсы

<https://openedu.ru/> - «Открытое образование», Каталог курсов: «Высшая математика. Математический анализ» (МФТИ).

<https://openedu.ru/> - «Открытое образование», Каталог курсов: «Математический анализ» (УрФУ).

5.5 Программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы современных информационных технологий

Операционная система Microsoft Windows

6 Материально-техническое обеспечение дисциплины

Учебные аудитории для лекционных и практических занятий, чертёжные инструменты, мел, доска, экран, компьютер, проектор.

К рабочей программе прилагаются:

- Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине;
- Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины.