Минобрнауки России

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Оренбургский государственный университет»

Кафедра прикладной математики

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

ДИСЦИПЛИНЫ

«Б1.Д.Б.13 Современные методы оптимизации»

Уровень высшего образования

МАГИСТРАТУРА

<u>Глубокое обучение и генеративный искусственный интеллект</u> (наименование направленности (профиля) образовательной программы)

Квалификация <u>Магистр</u>
Форма обучения Очная

Кафедра прикладной математики	
наим	енование кафедры
протокол № <u>6</u> от "18" <u>генваря</u> 20-2	gr.
Заведующий кафедрой	1 —
Кафедра прикладной математики	И.П. Болодурина
наименование кафедры подпись	расшифровка подписи
Исполнители:	06
Доцент кафедры прикладной математики	Ит Ю.П.Луговскова
должность подпись	/ расшифровка подписи
Approximation and the second s	or the description of the control of
далжность подпись	расшифровка подниси
одлжность подпись СОГЛАСОВАНО: Председатель методической комиссии по напр 01.04.02 Прикладная математика и информати	равлению подготовки
СОГЛАСОВАНО: Председатель методической комиссии по напр 01.04.02 Прикладная математика и информати	равлению подготовки ика И.П. Болодурина меная поотись расшифровка поотиси
СОГЛАСОВАНО: Председатель методической комиссии по напр 01.04.02 Прикладная математика и информати код наименование Научный руководитель магистерской програм Заведующий отделом формирования фонда и	равлению подготовки <u>И.П. Болодурина</u> <i>пичная подпись</i> расшифровка подписи <u>И.П. Болодурина</u> личная подпись расшифровка подписи научной обработки документов Н.Н. Бигалиева
СОГЛАСОВАНО: Председатель методической комиссии по напр 01.04.02 Прикладная математика и информати ком наименование Научный руководитель магистерской програм	равлению подготовки <u>И.П. Болодурина</u> <i>пичная подпись</i> расшифровка подписи <u>И.П. Болодурина</u> личная подпись расшифровка подписи научной обработки документов
СОГЛАСОВАНО: Председатель методической комиссии по напр 01.04.02 Прикладная математика и информати код наименование Научный руководитель магистерской програм Заведующий отделом формирования фонда и	равлению подготовки <u>И.П. Болодурина</u> <i>пичная подпись</i> расшифровка подписи <u>И.П. Болодурина</u> личная подпись расшифровка подписи научной обработки документов Н.Н. Бигалиева

[©] Луговскова Ю.П., 2023 © ОГУ, 2023

1 Цели и задачи освоения дисциплины

Цель (цели) освоения дисциплины: овладение теоретико-практической математической базой, направленной на изучение основ теории задач оптимизации и современных оптимизационных методов их решения.

Задачи:

- освоение понятийного аппарата теории оптимизации;
- изучение общих идей и принципов построения оптимизационных моделей прикладных задач и методов их решения;
 - освоение современных математических методов безусловной и условной оптимизации;
 - умение выбирать метод оптимизации, его параметры для поставленной задачи;
 - умение интерпретировать результаты численного решения задач оптимизации;
 - уметь решать задачи вариационного исчисления.

2 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к базовой части блока Д «Дисциплины (модули)»

Пререквизиты дисциплины: Отсутствуют

Постреквизиты дисциплины: E1.Д.В.6 Методы и технологии генеративного и композитного искусственного интеллекта, $E2.\Pi.E.V.1$ Научно-исследовательская работа, $E2.\Pi.E.\Pi.1$ Технологическая (проектно-технологическая) практика

3 Требования к результатам обучения по дисциплине

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих результатов обучения

		Планируемые результаты
Код и наименование	Код и наименование индикатора	обучения по дисциплине,
формируемых компетенций	достижения компетенции	характеризующие этапы
формируемых компотенции	достикения компетенции	формирования
		компетенций
_	ОПК-2-В-1 Имеет представление о мето-	
	дах построения и исследования математи-	1 -
вые математические методы	ческих моделей в естественных науках, о	общую формулировку за-
решения прикладных задач	современных тенденциях развития, о	дачи оптимизации, клас-
	научных и прикладных достижениях при-	сификацию оптимизаци-
	кладной математики, понимает професси-	онных задач, типовые мо-
	ональную терминологию	дели этих задач и методы
	ОПК-2-В-2 Применяет полученные знания	их решения. Современные
	математического аппарата для решения	и классические матема-
	конкретных задач в области прикладной	тические идеи и методы,
	математики и информатики	используемых при по-
	ОПК-2-В-3 Ставит задачи исследования и	строении математических
	оптимизации сложных объектов на основе	моделей для анализа и
	методов математического моделирования;	решения экстремальных
	выявляет общие закономерности исследу-	задач, принципы построе-
	емых объектов, выбирает методы исследо-	1
	вания математических моделей; строит и	низации программных
	исследует математические модели	комплексов оптимизации
		Уметь: сформулировать

Код и наименование формируемых компетенций	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций
		содержательную постановку задачи и осуществить ее формализацию, определить тип полученной модели, выбрать соответствующий метод решения, его параметры для поставленной задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстремальных задач, интерпретировать полученные результаты численного решения задач оптимизации Владеть: классическими приемами оптимизации при решении научных задач, методами поиска условного и безусловного экстремума с помощью прикладных программ, навыками разработки алгоритмических процедур и программных средств для решения экстремальных задач различных типов

4 Структура и содержание дисциплины

4.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5 зачетных единиц (180 академических часов).

Вид работы	Трудоемкость, академических часов		
-	1 семестр	всего	
Общая трудоёмкость	180	180	
Контактная работа:	35,25	35,25	
Лекции (Л)	18	18	
Іабораторные работы (ЛР) 16		16	
Консультации	1	1	
Промежуточная аттестация (зачет, экзамен)	0,25	0,25	
Самостоятельная работа:	144,75	144,75	
- выполнение индивидуального творческого задания (ИТЗ);			

Вид работы	Трудоемкость, академических часов		
	1 семестр	всего	
- выполнение расчетно-графического задания (РГЗ);			
- написание реферата (P);			
- написание эссе (Э);			
- самоподготовка (проработка и повторение лекционного материала и	a u		
материала учебников и учебных пособий;			
- подготовка к лабораторным занятиям;			
- подготовка к коллоквиумам;			
- подготовка к рубежному контролю и т.п.)			
Вид итогового контроля (зачет, экзамен, дифференцированный			
зачет)			

Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре

]	Количество часов			
№ раздела	Наименование разделов		_	цитор: работ:		внеауд.
			Л	П3	ЛР	работа
1	Общая постановка задачи оптимизации.	19	2		2	15
	Методы минимизации функции одной					
	переменной.					
2	Методы минимизации функций многих	24	2		2	20
	переменных.					
3	Задача линейного программирования.	33	4		4	25
4	Элементы выпуклого анализа.	14	4			10
5	Методы условной оптимизации.	46	4		4	38
6	Задачи вариационного исчисления.	44	2		4	38
	Итого:	180	18		16	146
	Всего:	180	18		16	146

4.2 Содержание разделов дисциплины

4.2 Содержание разделов дисциплины

1 Общая постановка задачи оптимизации. Методы минимизации функции одной переменной.

Постановка задачи оптимизации, виды задач оптимизации и основные положения теории оптимизации. Примеры содержательных задач на минимум и максимум. Теорема о сокращении интервала неопределенности. Методы минимизации функции одной переменной: деления отрезка пополам, золотого сечения, Фибоначчи, Ньютона, идея метода, геометрическая интерпретация, алгоритм и общая схема численного решения, программная реализация, сравнительный анализ методов.

2 Методы минимизации функций многих переменных.

Методы минимизации функций многих переменных: наискорейшего спуска, сопряженных градиентов, конфигураций, Ньютона, идея методов, геометрическая интерпретация, алгоритм и общая схема численного решения, программная реализация, сравнительный анализ методов.

3 Задача линейного программирования

Задача линейного программирования: постановка задачи, примеры. Графический метод решения задачи линейного программирования. Каноническая задача линейного программирования. Теоремы Данцига для задач линейного программирования. Симплекс-метод.

Поиск начального базиса. Элементы двойственности в линейном программировании и основные теоремы двойственности. Целочисленное программирование: алгоритм Гомори метода отсечений, метод ветвей и границ. Транспортная задача: постановка и математическая модель транспортной задачи, свойства замкнутой модели, методы построения первого опорного решения, метод потенциалов.

4 Элементы выпуклого анализа

Выпуклые и сильно выпуклые функции и их свойства (основные теоремы). Критерии выпуклости гладких функций. Теоремы отделимости выпуклых множеств. Теорема Куна-Таккера. Понятие о двойственной задаче (основные теоремы)

5 Методы условной оптимизации

Необходимые и достаточные условия условного экстремума. Правило множителей Лагранжа для задач с ограничениями типа равенств и неравенств, для задач со смешанными ограничениями. Теорема о штрафных функциях. Метод штрафных функций. Метод проекций градиентов. Условия сходимости методов.

6. Задачи вариационного исчисления.

Постановка задачи вариационного исчисления. Основные леммы и теоремы вариационного исчисления. Дифференциал функционала. Теорема о необходимом условии экстремума функционала. Уравнение Эйлера. Виды задач вариационного исчисления

4.3 Лабораторные работы

№ ЛР	№ раздела	Наименование лабораторных работ	Кол-во часов
1	1	Методы минимизации функции одной переменной.	2
2	2	Методы минимизации функций многих переменных.	2
3	3	Симплекс-метод для решения задачи линейного	1
		программирования	
4	3	Целочисленное программирование	
5	3	Транспортная задача	
6	5	Метод штрафных функций	
7	5	Метод проекций градиента	1
8	5	Метод множителей Лагранжа	
9	6	Задачи вариационного исчисления 4	
		Итого:	16

5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

5.1 Основная литература

1 Андреева Е.А. Вариационное исчисление и методы оптимизации: Учебное пособие / Е.А. Андреева , В.М. Цирулева. Оренбург : ГОУ ОГУ, ; Тверь: ТГУ 2004. - 575 с. - ISBN 5-7410-5412-5.

2. Пантелеев А.В. Методы оптимизации. Практический курс: учебное пособие / А.В.Пантелеев, Т.А.Летова. — Москва: Логос, 2020. - 424 с. — (Новая университетская библиотека) — ISBN 978-5-98704-540-4. — Текст: электронный. — URL: https://znanium.com/catalog/product/1212440

5.2 Дополнительная литература

- 1. Амосов А.А., Дубинский Ю.А., Копченова Н.В. Вычислительные методы для инженеров: учебное пособие. М.: Изд-во МЭИ, 2003. 596 с. ISBN 5-7046-0919-8.
- 2. Ванько В.И., Ермошина О.В., Кувыркин Г.Н. Вариационное исчисление и оптимальное управление: Учебник. М.: Изд-во МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2001. 488 с. ISBN 5-7038-1270-4. ISBN 5-7038-1370-0.
- 3. Васильев О.В., Аргучинцев А. В. Методы оптимизации в задачах и упражнениях: Учебное пособие. М.:: Физматлит, 1999. 208 с. ISBN 5-9221-0006-8.
- 4. Васильев Ф.П. Численные методы решения экстремальных задач. Учебное пособие / Ф.П. Васильев М.: "Наука", 1988.- 552 с.
- 5. Галеев, Э. М. Оптимизация: теория, примеры, задачи: Учебное пособие / В. М. Тихомиров М.: Эдиториал УРСС, 2000. 320 с. ISBN 5-8360-0041-7

5.3 Периодические издания

- 1 Математическое моделирование: журнал. М.: АРСМИ, 2023.
- 2. Информационные технологии: журнал. М.: Агентство "Роспечать", 2023.
- 3. Вестник компьютерных и информационных технологий : журнал. М. : Агентство "Роспечать", 2023.

5.4 Интернет-ресурсы

<u>http://allmath.ru/appliedmath/operations/problems-tgru/zadachi.htm</u> - Задачи по исследованию операций;

http://www.exponenta.ru/ - Математический сайт с большим количеством методических материалов по высшей математике и математическим компьютерным пакетам

http://www.math.ru/ - Научно-популярный математический сайт

http://www.intuit.ru – сайт Интернет-университета информационных технологий, представляет учебные курсы по разным областям ИТ

http://allmatematika.ru/ - Форум по математике;

http://www.edu.ru/ - Федеральный портал «Российское образование»;

http://www.orenport.ru/ - Региональный портал образовательного сообщества Оренбуржья;

http://www.msu.ru - Сайт Московского государственного университета им. М.В.Ломоносова

5.5 Программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы

- 1. https://www.scopus.com/ универсальная реферативная база данных с возможностями отслеживания научной цитируемости публикаций.
- 2. http://www.mathnet.ru/ база данных публикаций по математике и теоретической информатике на русском языке.
- 3. https://link.springer.com/ Springer [Электронный ресурс] : база данных научных книг, журналов, справочных материалов / компания Springer Customer Service Center GmbH .
- 4. Операционная система Microsoft Windows, распространяемая по программе Azure Dev Tools for Teaching.
- 5. Open Office/LibreOffice свободный офисный пакет программ, включающий в себя текстовый и табличный редакторы, редактор презентаций и другие офисные приложения.
 - 6. Система программирования Python, свободно распространяемая по лицензии GPL
- 7. Программа для просмотра сайтов Яндекс. Браузер, свободно распространяемая, входит в реестр отечественного ПО.

6 Материально-техническое обеспечение дисциплины

Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, для проведения групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации. Аудитории оснащены комплектами ученической мебели, техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.

Для проведения лабораторных занятий используется компьютерный класс, оснащенный компьютерной техникой, подключенной к сети "Интернет" с доступом в электронную информационно-образовательную среду ОГУ

Помещение для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой, подключенной к сети "Интернет", и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду ОГУ

К рабочей программе прилагаются:

- Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине;
 - Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины.

Минобрнауки России

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Оренбургский государственный университет»

Кафедра прикладной математики

Фонд

оценочных средств

по дисциплине «Современные методы оптимизации»

Уровень высшего образования

МАГИСТРАТУРА

Направление подготовки 01.04.02 Прикладная математика и информатика (код и наименование направления подготовки)

<u>Глубокое обучение и генеративный искусственный интеллект</u> (наименование направленности (профиля) образовательной программы)

Квалификация <u>Магистр</u> Форма обучения <u>Очная</u>

методы оптимизации», рабочая программа по которой зарегистрирована под учетным номером Фонд оценочных средств рассмотрен и утвержден на заседании кафедры прикладной математики наименование кафедры от "18" миваря 2013 г. протокол № Заведующий кафедрой прикладной математики И.П. Болодурина Исполнители: доцент кафедры прикладной математики Ю.П. Луговскова должность расшифровка подписи подпись СОГЛАСОВАНО: Уполномоченный по качеству факультета И.В. Крючкова личная подпись расшифровка подписи

Фонд оценочных средств предназначен для контроля знаний обучающихся по направлению подготовки 01.04.02 Прикладная математика и информатика по дисциплине «Современные

Раздел 1. Перечень компетенций, с указанием этапов их формирования в процессе освоения дисциплины

формируемые компетенции индикатора достижения компетенции индикатора достижения компетенции индикатора достижения карактеризующие управления магематические мето-достовения и истановые матемана никуах, о современных тендентиристию оприкладных завлачами в прикладных достижениях пригиды профессиональную терминологию опис-2-В-2 Применяет получения методы математического го аппарата для решения комперио матики опис-2-В-3 Ставит задачи исследования и информационных задач, принципы построении математического методов математического предсения и особендения моделей; строит и исследуеты построении математического объектов, выбірает методы исследования математического моделей; строит и исследуеты программных компексов оптимизации метод решения для поставленией задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и неподоси в процессе моделирования и неподов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и неподов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и неподов оптимизации в методов оптимизации в методов оптимизации и приченный методов оптимизации и приченный методов оптимизации методов оптимизации програмена пределение пределение подаговаться правительного пределение			П	
Формируемые компетенции			1	_
мормируемые компетенции индикатора достижения доставления упараты обрасти и сететеринения прикладных задач пофессиональную то аппарата для реписния математического методов математического оПК-2-В-3 Ставит задач и оптимизации сложных объектов на основе методов математического методов математического оПК-2-В-3 Ставит задач и оптимизации сложных объектов на основе методов математического методов математики оПК-2-В-3 Ставит задач и информирования математического делирования; выявляет общие закономерности исследуемых объектов, выбирает могодов математического методов математического морслей; строит и исследуемых объектов, выбирает методы не следования математического морслей; строит и исследуемых объектов, выбирает методы не следования математического морслей; строит и исследуемых объектов но объектов объектов но объектов но объектов но объектов но объектов но объектов объектов но объектов но объектов но объектов объектов объектов объектов объектов объектов объектов но объектов объектов но объектов объектов объектов но объектов объектов объектов объектов но объектов объектов объектов но объектов объектов объектов объектов но объектов о		Кол и наименование	* *	
опк-2: О				
ОПК-2: ОПК-2-В-1 Имеет представлее Способен со- вие о методах построения и исвершенствовать и реализовывать моделей в естественных прикладных достижениях при тические меторим решения прикладных достижениях при тические метория опрофессиональную терминологию ОПК-2-В-2 Применяет полученных задач в области при кладной математики, понимает полученных задач в области при кладной математики и информатики ОПК-2-В-3 Ставит задачи исследования и оптимизации объектов выбрает методы дажномерности исследуемых объектов, выбрает методы на следования математических моделей; строит и исследует математические модели в собраторные задачи программных комоделей; строит и исследует математические модели и осуществить се формализации, определить тип полученной модели, выбрать соответствующий мотод решения, его параметры для поставленной задачи, проводить сравнение методы и осуществить се формализации, определить тип полученной модели, выбрать соответствующий мотод решения, его параметры для поставленной задачи и пророжить информационные технологии в процессе моделирования и и решения в транение методы потрой модели, выбрать соответствующий мотод решения, его параметры для поставленной задачи, применять информационные технологии в процессе моделирования и и решения в поставленной задачи, применять информационные технологии в процессе моделирования и и решения зкстре-	компетенции	_	* * *	
ОПК-2: ОПК-2-В-1 Имеет представле- Способен со- вершенствовать и реализовывать и реализовывать и правидовые и в сетественных и прави решения прикладных достижениях при- ды решения прикладных достижениях при- прикладных за- кладной математики, понимает дач, типовые модели прикладных достижениях при- прикладных за- кладной математики, понимает дач, типовые модели оптим зационых за- кладной математики и информация и сетеменных при- кладной математики и информация и оптимизационых да- математического по аппарата для решения кон- кретных задач в области при- кладной математического мо- делирования; выявляет обще закономерности и исследумых моделей; строит и исследует математические модели математические моделенным моделей математического моделить тип по- поравненных моделей математического моделематического моделематические моделенным моделей математического моделематические моделенным моделей математического моделематического моделематическог		KOMIO TOTIALITI		документе
ОПК-2: ОПК-2-В-1 Имеет представлее представлее предования математическия предования математическия предоставленных предования математическия принкладных задач постросинальную терминогогию ОПК-2-В-2 Применяет полученные знания математического го аппарата для решения профессиональную терминогогию ОПК-2-В-3 Ставит задачи песедающия при кладной математичей и информатива предования; выявляет общие закономерноети исследуеты мобъектов, выбирает методы песедающия математического делирования; выявляет общие закономерноети и исследует математические моделей стросным моделей; строит и исследует математические модели порученные модели порученные модели программных коммоделей; строит и исследует математические модели порученные модели, выбрать соответствующий моделей; строит и исследуети математические модели порученные модели, выбрать соответствующий моделей; строит и исследуети математические модели, выбрать соответствующий моделей; строит и исследуети моделей; строит и исследуети математические модели порученные модели, выбрать соответствующий моделей; строит в исследуети моделей задачи, программных смоществить порученные модели, выбрать соответствующий модели, выбрать соответствующий мотематичаем моделей задачи, програменые методо перешения, его параметры для поставление методо потимизацию, определить информационные технологии в процессе моделирования и и решения закстре-				
Пособен соверненствовать и реализовывать моделей в естественных тендентических и реализовывать моделей в естественых тендентические меторы регисиня прижидацых до современных тендентические меторы регисиня прижидацых данных занания математического го аппарата для решения констроения и спаравиня в области прижиданных объектов на основе методов математического методов математического делирования; выявляет общее следования математического методов математические модели программых комплексов оптимизации программых комплексов оптимизации программых комплексов оптимизации программых комплексов оптимизации, определить тип полученной модели, выбрать содержательную постановку задачи и осуществить се формализацию, определить тип полученной модели, выбрать соответствующий метод решения, сто параметры для поставление методов оптимизации, применять информационных технологии в процессе моделирования и решения экстре-	ОПК-2:	ОПК-2-В-1 Имеет представле-		Блок А – Тестирование
вершенствовать и реализовывать и реализовывать и реализовывать и реализовывать и реализовывать и решения польно дели устного собеседования и прикладных достижениях принтрикладных закитивной математического го аппарата для решения конкертных задач в области при кладной математического го аппарата для решения конкертных задач в области при кладной математического го аппарата для решения конкертных задач в области при кладной математического го аппарата для решения конкертных задач в области при кладной математического по дслубавия и оптимизации сложных объектов на основе методов математических объектов, выбирает методы и следования математических моделей закономерности неследуемых объектов, выбирает методы и следования математических моделей закономерности и следования математических моделей для анализа и решествовний комплексов оптимизации программных комплексов оптимизации програм програ	Способен со-			
и реализовывать моделей в сстественных новые матема науках, о современных тендентировкие мотеониях принакадных достижениях принямадных достижениях принямадич и профессиональную терминологию ОПК-2-В-2 Применяет получения конкретных задач в методы их решения. Современые и классические математического по делуования и оптимизации сложных объектов на основе методов математического моделей дакономерности исследуемых объектов, выбирает методы исследования математические модели программных комподелей; строит и исследует математические модели программных комподелей; строит и исследует математические модели программных комподелей; строит и исследует термительного допределить тип полученной модели, выбрать солевтьствующий метод решения, сто параметры для поставящим, просводить стравнение метод в оптимизации, проставнение задачи просрам для дабораторные работы / времения и поставем задачи и осуществить се формализацию, определить тип полученной модели, выбрать солевтествующий метод решения, сто параметры для поставящим, просводить сравнение методов оптимизации, пророводить сравнение методов оптимизации, променять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстре-				
новые математические метотоды решения прикладных задач прикладных задач прикладных задач прикладной математики и информатики оПК-2-В-2 Применяет полученные знания математического опапарата для решения конскретных задач в области при кладной математики и информатики ОПК-2-В-3 Ставит задачи исследования и оптимизации сложных объектов на основе методов математического моделирования; выявляет общие закономерности исследуемых объектов, выбирает методы исследования математических моделей; строит и исследует математические модели математические моделей; строит и исследует математические модели. Выбирает методы исследования математических моделей; строит и исследует математические модели. Выбирает методы и осуществить се формализацию, определить тип полученной модели, выбрать соответствующий метод решения, его параметры для поставленной задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделии в процессе моделии в процессе моделии и прешения укстре-	*			
прешения прикладных достижениях при	_ -			
ды решения прикладных достижениях при- прикладных за- дач профессиональную терминоло- гию ОПК-2-В-2 Применяет полученные знания математическо- го аппарата для решения кон- кретных задач в области при- кладной математики и инфор- матики ОПК-2-В-3 Ставит задачи ис- следования и оптимизации сложных объектов на основе методов математического мо- делирования; выявляет общие закономерности исследуемых объектов, выбирает методы ис- следования математических моделей; строит и исследуемых моделей; строит и исследует математические модели математические модели тические дремых ком- плексов оптимиза- пии Блок В – Задания на ла- бораторные работы / решения, его пара- метры для постав- ленной задачи, про- водить соответ- ствующий метод решения, его пара- метры для постав- ленной задачи, про- водить сравнение методов оптимиза- пии, применять ин- формационные тех- нологии в процессе моделирования и решения экстре-		=		
прикладных за- дач профессиональную терминоло- гию ОПК-2-В-2 Применяет полу- ченные знания математическо- го аппарата для решения коо- кретных задач в области при- кладной математики и инфор- матики ОПК-2-В-3 Ставит задачи ис- следования и оптимизации сложных объектов на основе методов математического мо- делирования; выявляет общие закономерности исследуемых объектов, выбирает методы ис- следования математических моделей; строит и исследует математические модели		-	-	Bilok 11.2
профессиональную терминологию ОПК-2-В-2 Применяет полученые знания математического аппарата для решения конкретных задач в области прикладной математики и информатики ОПК-2-В-3 Ставит задачи исследования и оптимизации сложных объектов на основе методов математического моделирования; выявляет общие закономерности исследуемых объектов, выбирает методы исследования математических моделей; строит и исследует математические модели моделей; строит и исследует математические модели моделей; строит и исследует математические модели моделей; строит и исследует ную постановку задач и осуществить ее формализацию, определить тип полученной модели, выбрать соответствующий метод решения, сто параметры для поставленной задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в пропрессе моделирования и решения экстре-	_	-		
ОПК-2-В-2 Применяет полученные знания математическое го аппарата для решения конкретных задач в области прикладной математики и информатики ОПК-2-В-3 Ставит задачи исследования и оптимизации сложных объектов на основе методов математического моделей объектов, выбирает методы исследования математические моделей; строит и иселедует математические модели ровать содержательную постановку задачи и осуществить бораторные занятия ную постановку задачи и осуществить бораторные работы / выбрать содержательную постановку задачи и осуществить бораторные работы / выбрать содержательную постановку задачи и осуществить бораторные занятия ную постановку задачи и осуществить бораторные работы / выбрать содержательной задачи, принципы постановку задачи и осуществить бораторные занятия ную постановку задачи и осуществить бораторные работы / выбрать содержательной задачи, принципы постановку задачи и осуществить бораторные занятия ную постановку задачи и осуществить бораторные работы / выбрать содержательной задачи, проводить тип полученной модели, выбрать соответствующий метод решения, его параметры для поставленной задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстре-	1 -			
ченные знания математического го аппарата для решения кон- кретных задач в области при- кладной математики и инфор- матики ОПК-2-В-3 Ставит задачи ис- следования и оптимизации сложных объектов на основе методов математического мо- делирования; выявляет общие закономерности исследуемых полексов оптимиза- инии моделей; строит и исследует математические модели математические модели Блок В — Задания на ла- бораторные занятия ную постановку за- дачи и осуществить се формализацию, определить тип по- лученной модели, выбрать соответ- ствующий метод решения, его пара- метры для постав- ленной задачи, про- водить сравнение методов оптимиза- ции, применять ин- формационные тех- нологии в процессе моделирования и решения экстре-		гию	их решения. Совре-	
го аппарата для решения конкретных задач в области прикладной математики и информатики ОПК-2-В-3 Ставит задачи исследования и оптимизации сложных объектов на основе методов математического моделирования; выявляет общие закономерности исследуемых объектов, выбирает методы исследования математических моделей; строит и исследует математические модели Моделей; строит и исследует математические модели Моделей; строит и исследует математические модели Моделей; строит и исследует катематические модели Моделей; от рожит в исследует катематические модели в поставовку задачи и осуществить се формализацию, определить тип полученной модели, выбрать соответствующий метод решения, его параметры для поставленной задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстре-		ОПК-2-В-2 Применяет полу-	менные и классиче-	
кретных задач в области прикладной математики и информатики ОПК-2-В-3 Ставит задачи исследования и оптимизации сложных объектов на основе методов математического моделирования; выявляет общие закономерности исследуемых объектов, выбирает методы исследования математических моделей; строит и исследует математические модели моделирования математических моделей; строит и исследует математические модели моделирования математических моделей; строит и исследует математические модели моделирования математические модели выбрать соответствующий метод решения, его параметры для поставленной задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстре-		ченные знания математическо-	ские математиче-	
кладной математики и информатики ОПК-2-В-3 Ставит задачи исследования и оптимизации исложных объектов на основе методов математического моделирования; выявляет общие закономерности исследуемых объектов, выбирает методы исследования математических моделей; строит и исследует математические модели Математические модели Блок В – Задания на лабораторные занятия ную постановку задачи и осуществить се формализацию, определить тип полученной модели, выбрать соответствующий метод решения, его параметры для поставленной задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстре-		го аппарата для решения кон-	ские идеи и методы,	
Матики ОПК-2-В-3 Ставит задачи исследования и оптимизации иложных объектов на основе методов математического моделирования; выявляет общие закономерности исследуемых объектов, выбирает методы исследования математических моделей; строит и исследует математические модели ——————————————————————————————————		кретных задач в области при-	используемых при	
ОПК-2-В-3 Ставит задачи исследования и оптимизации сложных объектов на основе методов математического моделирования; выявляет общие закономерности исследуемых объектов, выбирает методы исследования математических моделей; строит и исследует математические модели Влок В — Задания на лабораторные занятия дачи и осуществить ее формализации, определить тип полученной модели, выбрать соответствующий метод решения, его параметры для поставленной задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстре-		кладной математики и инфор-	построении матема-	
следования и оптимизации сложных объектов на основе методов математического моделирования; выявляет общие закономерности исследуемых объектов, выбирает методы исследования математических моделей; строит и исследует математические модели ——————————————————————————————————		матики	тических моделей	
сложных объектов на основе методов математического моделирования; выявляет общие закономерности исследуемых объектов, выбирает методы исследования математических моделей; строит и исследует математические модели Vector V		ОПК-2-В-3 Ставит задачи ис-	для анализа и реше-	
методов математического моделирования; выявляет общие закономерности исследуемых объектов, выбирает методы исследования математических моделей; строит и исследует математические модели ———————————————————————————————————		следования и оптимизации	ния экстремальных	
делирования; выявляет общие закономерности исследуемых объектов, выбирает методы исследования математических моделей; строит и исследует математические модели Matematic			1 -	
закономерности исследуемых объектов, выбирает методы исследования математических моделей; строит и исследует математические модели ———————————————————————————————————				
объектов, выбирает методы исследования математических моделей; строит и исследует математические модели ———————————————————————————————————		*	<u> </u>	
следования математических моделей; строит и исследует математические модели ———————————————————————————————————		± •	* *	
моделей; строит и исследует уметь:сформули- ровать содержательную постановку задачи и осуществить ее формализацию, определить тип полученной модели, выбрать соответствующий метод решения, его параметры для поставленной задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстре-		-		
ровать содержательную постановку задачи и осуществить ее формализацию, определить тип полученной модели, выбрать соответствующий метод решения, его параметры для поставленной задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстре-				
ную постановку задачи и осуществить ее формализацию, определить тип полученной модели, выбрать соответствующий метод решения, его параметры для поставленной задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстре-		· •	1 1 7	
дачи и осуществить ее формализацию, определить тип полученной модели, выбрать соответствующий метод решения, его параметры для поставленной задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстре-		математические модели		
ее формализацию, определить тип по- лученной модели, выбрать соответ- ствующий метод решения, его пара- метры для постав- ленной задачи, про- водить сравнение методов оптимиза- ции, применять ин- формационные тех- нологии в процессе моделирования и решения экстре-			-	
определить тип по- лученной модели, выбрать соответ- ствующий метод решения, его пара- метры для постав- ленной задачи, про- водить сравнение методов оптимиза- ции, применять ин- формационные тех- нологии в процессе моделирования и решения экстре-				Блок В.1
лученной модели, выбрать соответ- ствующий метод решения, его пара- метры для постав- ленной задачи, про- водить сравнение методов оптимиза- ции, применять ин- формационные тех- нологии в процессе моделирования и решения экстре-				
выбрать соответ- ствующий метод решения, его пара- метры для постав- ленной задачи, про- водить сравнение методов оптимиза- ции, применять ин- формационные тех- нологии в процессе моделирования и решения экстре-			=	
ствующий метод решения, его параметры для поставленной задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстре-				
решения, его параметры для поставленной задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстре-				
метры для поставленной задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстре-			_	
ленной задачи, проводить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстре-				
водить сравнение методов оптимизации, применять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстре-			_	
методов оптимиза- ции, применять ин- формационные тех- нологии в процессе моделирования и решения экстре-			-	
ции, применять информационные технологии в процессе моделирования и решения экстре-			_	
формационные тех- нологии в процессе моделирования и решения экстре-				
нологии в процессе моделирования и решения экстре-				
моделирования и решения экстре-				
решения экстре-			-	
			=	
Мальных залач. Ин-I			мальных задач, ин-	

Формируемые компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций	Виды оценочных средств/ шифр раздела в данном документе
		терпретировать полученные результаты численного решения задач оптимизации	
		приемами оптими-	

Раздел 2. Типовые контрольные задания и иные материалы, необходимые для оценки планируемых результатов обучения по дисциплине (оценочные средства). Описание показателей и критериев оценивания компетенций, описание шкал оценивания

Блок А

Задания репродуктивного уровня, позволяющие оценивать и диагностировать знание фактического материала (базовые понятия, алгоритмы, факты) и умение правильно использовать специальные термины и понятия дисциплины.

А.О. Вариант теста по методам оптимизации для студента, изучившего все темы дисциплины (время для выполнения теста – 30 мин.)

- 1. В чем заключается задача оптимизации:
- А. в поиске минимума целевой функции;
- В. в поиске максимума целевой функции при заданных ограничениях;
- С. в поиске экстремума целевой функции без ограничений;
- D. в поиске корней целевой функции в заданной области.

- 2. Выберите положения, которые используются в методе золотого сечения:
- А. строится сходящаяся к точке минимума числовая последовательность;
- В. используется деление отрезка, которому принадлежит точка минимума, на три равные части;
- С. строится последовательность вложенных интервалов, каждый из которых содержит точку минимума;
- D. используется деление отрезка, содержащего точку минимума, на две неравные части так, чтобы отношение длины всего отрезка к длине большей его части равнялось отношению длин большей и меньшей частей.
 - 3. После выполнения k шагов по методу золотого сечения вычислены новые значения $(x,y) \in [a_k,b_k]: y \coloneqq a_k + \gamma(b_k-a_k); x \coloneqq b_k + (\gamma-1)(b_k-a_k).$

Выберите оператор продолжения алгоритма из предложенных, следующий за оператором проверки условия if f(y) < f(x) then ...

- A. $a_{k+1} := a_k$; $b_{k+1} = y$;
- B. $a_{k+1} := x$; $b_{k+1} = b_k$;
- C. $a_{k+1} \coloneqq y$; $b_{k+1} = b_k$;
- D. $a_{k+1} := a_k$; $b_{k+1} = x$.
- 4. Из перечисленных последовательностей чисел: 1) $F_2 = 2$, $F_3 = 3$, $F_4 = 5$, $F_5 = 8$;
 - 2) $F_2 = 2$, $F_3 = 3$, $F_4 = 4$, $F_5 = 8$;
 - 3) $F_1 = 2$, $F_3 = 3$, $F_5 = 5$, $F_7 = 7$

к числам Фибоначчи можно отнести:

- А. 2 и 3;
- В. только 1;
- С. 1 и 3;
- D. только 3.
 - 5. В ряде чисел Фибоначчи каждое последующее число равно _____ двух предыдущих
 - А. частному;
 - В. разности;
 - С. сумме;
 - D. произведению.
- 6. Итерационный процесс в методе Ньютона описывается формулой:
 - A. $x^{k+1} = x^k \frac{f(x^k)}{2f'(x^k)}$;
 - B. $x^{k+1} = x^k + 2 \frac{f(x^k)}{f'(x^k)};$
 - C. $x^{k+1} = x^k \frac{f'(x^k)}{f''(x^k)};$
 - D. $x^{k+1} = x^k + \frac{f'(x^k)}{f''(x^k)}$.
 - 7. После выполнения k шагов по методу золотого сечения вычислены новые значения $(x,y) \in [a_k,b_k]: y := a_k + \gamma(b_k a_k); x := b_k + (\gamma 1)(b_k a_k).$

Выберите оператор продолжения алгоритма из предложенных, следующий за оператором проверки условия if f(y) < f(x) then ...

- $E. \ a_{k+1} \coloneqq a_k; \ b_{k+1} = y;$
- $F. \ a_{k+1} \coloneqq x; \ b_{k+1} = b_k;$
- G. $a_{k+1} := y$; $b_{k+1} = b_k$;
- $H. \ a_{k+1} \coloneqq a_k; \ b_{k+1} = x.$

8. Укажите соответствие между прямыми методами решения задач поиска экстремума и их определением

Метод золотого сечения метод поиска экстремума путем последовательного деления отрезка пополам

Метод Фибоначчи

метод, основанный на делении отрезка на две неравные части так, что отношение всего отрезка к большей части равно отношению большей части к меньшей

Метод половинного деления метод, заключающийся в том, что каждая последующая точка выбирается симметрично по отношению к точке, которая осталась от предыдущего эксперимента и попала в оставшийся интервал

- 9. Градиент функции дает как направление движения, так и величину шага
 - А. да;
 - В. нет.
- 10. Задачу линейного программирования можно сформулировать так:
 - А. найти максимум или минимум линейной формы при отсутствии ограничений на переменные;
 - В. найти нули функции при заданных интервалах их положения;
 - С. найти максимум или минимум линейной формы при заданных ограничениях в виде равенств или неравенств;
 - D. найти максимум или минимум нелинейной формы при заданных ограничениях в виде равенств или неравенств.
- 11. Задача, характеризующаяся тем, что целевая функция является линейной функцией переменных, а область допустимых значений линейной функцией переменных, а область допустимых значений определяется системой линейных равенств или неравенств, называется
 - А. задача математического программирования;
 - В. задача линейного программирования;
 - С. задача динамического программирования;
 - D. задача о составлении плана производства.
- 12. Функционалами называются функции, которые определяются выбором одной или нескольких других функций
 - А. да;
 - В. нет.
 - 13. С геометрической точки зрения вариационная задача $J(y) = \int_{a}^{b} f(x, y, y') dx$ с по-

движными концами состоит в определении кривой,

- А. концы которой проходят через заданные точки;
- В. концы которой расположены на вертикальных прямых x=a и x=b;
- С. имеющей конечное число точек разрыва;
- D. концы которой расположены на горизонтальных прямых y=a и y=b.
- 14. Глобальный экстремум функционала это экстремум, который достигается сравнением всех
 - А. функций, дифференцируемых на данном отрезке;
 - В. функций, ограниченных на данном отрезке;
 - С. кривых данного класса;
 - D. функций, непрерывных на данном отрезке.

- 15. Вариационная задача $J(y) = \int_{a}^{b} f(x, y, y') dx \rightarrow \min y(a) = y_0, y(b) = y_1$ является
 - А. вариационной задачей с подвижными границами;
 - В. классической задачей вариационного исчисления;
 - С. вариационной задачей с подвижными концами;
 - D. задачей Лагранжа вариационного исчисления.
- 16. Область называется выпуклой, если
- А. прямая, соединяющая любые две точки области, целиком принадлежит этой области;
 - В. любые две точки области можно соединить прямой;
 - С. прямая, соединяющая две точки области, не принадлежит целиком этой области;
- D. найдутся две точки области такие, что прямая, соединяющая эти две точки области, целиком принадлежит этой области.
- 17. Симплекс-метод в задаче линейного программирования реализуется в виде
 - А. системы линейных дифференциальных уравнений;
 - В. системы рекуррентных соотношений;
 - С. симплекс таблиц;
 - D. системы нелинейных дифференциальных уравнений.

18. Укажите соответствие между понятиями, характеризующими поведение функции на замкнутом отрезке и их содержанием

глобальный экстремум функции f(x) на отрезке [a,b] в точке $x_0 \subset [a,b]$

наибольшее значение функции на отрезке [a,b]

глобальный максимум функции f(x) на отрезке [a,b] в точке $x_0 \subset [a,b]$

наибольшее значение функции в окрестности точки x_0

условный экстремум

наибольшее или наименьшее значение функции на отрезке [a,b]

локальный максимум функции f(x) на отрезке [a,b] в точке $x_0 \subset [a,b]$

на функцию наложены дополнительные ограничения

- 19. Один из алгоритмов нахождения решения задачи целочисленного программирования группы методов отсекающих плоскостей называется
 - А. алгоритм двойственного симплекс-метода;
 - В. алгоритм метода ветвей и границ;
 - С. алгоритм метода Гомори;
 - D. алгоритм симплекс-метода.
 - 20. Метод северо-западного угла это
 - А. один из методов проверки опорного плана транспортной задачи на оптимальность;
 - В. один из комбинированных методов дискретного программирования, при котором гиперплоскость, определяемая целевой функцией задачи, вдавливается внутрь многогранника планов соответствующей задачи линейного программирования до встречи с ближайшей целочисленной точкой этого многогранника;
 - С. один из методов отсечения, с помощью которого решаются задачи целочисленного программирования;

- D. один из группы методов определения первоначального опорного плана транспортной задачи.
- 21. Оптимальный план задачи линейного программирования это
- А. решение задачи линейного программирования, т. е. такой план, который не входит в допустимую область и доставляет экстремум целевой функции;
- В. Решение задачи линейного программирования, т. е. такой план, который входит в допустимую область и доставляет ненулевое значение целевой функции;
- С. решение задачи линейного программирования, т. е. такой план, который входит в допустимую область и доставляет нулевое значение целевой функции;
- D. решение задачи линейного программирования, т. е. такой план, который входит в допустимую область и доставляет экстремум целевой функции.
- 22. Несбалансированная транспортная задача это
 - А. открытая транспортная задача;
 - В. закрытая транспортная задача;
 - С. произвольная транспортная задача;
 - D. правильного ответа нет.
- 23. Если исходная задача линейного программирования имеет оптимальное решение, то задача двойственная к ней
 - А. имеет оптимальное решение;
 - В. может не иметь решения;
 - С. может не иметь смысла;
 - D. не имеет решение.
 - 24. Обобщенная функция Лагранжа имеет вид

A.
$$L(x,\lambda) = \lambda_0 f_0(x) - \sum_{i=1}^n \lambda_i f_i(x);$$

B.
$$L(x,\lambda) = \sum_{i=1}^{n} \lambda_i f_i(x);$$

C.
$$L(x,\lambda) = \lambda_0 f_0(x) + \sum_{i=1}^n \lambda_i f_i(x);$$

D.
$$L(x,\lambda) = -\lambda_0 f_0(x) + \sum_{i=1}^n \lambda_i f_i(x)$$
.

- 25. Универсальный метод решения задач линейного программирования это
- А. симплексный метод;
- В. метод динамического программирования;
- С. уравнение Леонтьева;
- D. метод множителей Лагранжа.
- 26. Ограничения в задаче линейного программирования в каноническом виде имеют следующий вид:

$$a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n \le b_1$$

$$a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + ... + a_{mn}x_n \le b_m$$

В.

- 27. Вектор Х является планом задачи линейного программирования, если он
- А. удовлетворяет ограничениям задачи и условию неотрицательности;
- В. содержит т неотрицательных основных переменных и (n-m) свободных компонент;
- С. удовлетворяет ограничениям задачи линейного программирования
- 28. В каком из методов не используется направление антиградиента:
- А. метод покоординатного спуска;
- В. метод половинного деления;
- С. метод сопряженных градиентов;
- D. метод наискорейшего спуска
- 29. К прямым методам нахождения минимума функции одной переменной не относят:
- А. метод половинного деления;
- В. метод золотого сечения;
- С. метод Фибоначчи;
- D. метод Ньютона
- 30. Методы решения задачи линейного программирования
- А. градиентный метод;
- В. метод множителей Лагранжа;
- С. сиплекс-метод;
- D. все ответы верны.

Оценивание выполнения тестовых заданий

Оценка	Показатели	Критерии
Отлично	1. Полнота выполнения	Выполнено 90-100 % заданий предложенного
	тестовых заданий.	теста
Хорошо	2. Своевременность	Выполнено 70-89 % заданий предложенного
	выполнения.	теста
Удовлетворительно	3. Правильность ответов	Выполнено 51-69 % заданий предложенного
	на вопросы.	теста
Неудовлетворительно	4. Самостоятельность	Выполнено 50 % и менее заданий
	тестирования.	предложенного теста

А.2 Вопросы для устного опроса

Вопросы для опросов используются на лабораторных занятиях во время решении типовых заданий и заданий творческого (прикладного) характера. И, как правило, применяются для проверки

усвоения студентами (на уровне определений и формулировок) основных понятий, определений, фактов, теорем, алгоритмов и методов из списка вопросов для экзамена, представленных ниже в блоке D.

Вопросы по разделу №1

- 1.1 Постановка задачи поиска минимума. Переход от задачи нахождения минимума к задаче нахождения максимума функции. Множество допустимых решений. Задача поиска условного и безусловного экстремума. Глобальный и локальный экстремум функции.
- 1.2 Методы одномерной минимизации. Постановка задачи. Пассивная и последовательная стратегия поиска экстремума. Этапы стратегии поиска.
- 1.3 Последовательные стратегии поиска. Метод половинного деления, метод золотого сечения, метод Фибоначчи, метод Ньютона. Достоинства и недостатки.

Вопросы по разделу №2

- 2.1 Функция многих переменных. Постановка задачи минимизации функции многих переменных. Градиент. Необходимые условия оптимальности для дифференцируемых функций.
- 2.2 Методы первого порядка. Метод градиентного спуска, метод наискорейшего спуска, метод покоординатного спуска. Стратегии поиска.
 - 2.3 Методы второго порядка. Матрица Гессе. Метод Ньютона. Стратегия поиска.

Вопросы по разделу №3

- 3.1 Задачи линейного программирования (ЗЛП). Каноническая форма ЗЛП. План. Допустимый план. Теорема о множестве допустимых планов.
- 3.2 Область допустимых решений. Ограниченная и неограниченная область допустимых решений. Геометрическая интерпретация ЗЛП для двумерного случая.
 - 3.3 Алгоритм геометрического симплекс-метода.
 - 3.4 Симплекс-метод Данцига. Базисный план. Леммы 1, 2. Теоремы Данцига.
- 3.5 Нахождение исходного базисного плана. Переход от одного базисного решения к другому.
 - 3.6 Алгоритм решения канонической задачи линейного программирования.
 - 3.7 Решение основной задачи линейного программирования.
 - 3.8 Двойственность в линейном программировании. Типы двойственных задач.
- 3.9 Задачи линейного целочисленного программирования. Постановка задачи целочисленного программирования.
- 3.10 Алгоритм метода Гомори для решения задач целочисленного программирования.
- 3.11 Алгоритм метода ветвей и границ для решения задач целочисленного программирования.
 - 3.12 Транспортные задачи. Постановка задачи и стратегия решения.
- 3.13 Методы нахождения начального плана перевозок. Метод северо-западного угла. Метод минимальной стоимости. Способ Фогеля.
 - 3.14 Решение транспортной задачи методом потенциалов.

Вопросы по разделу №4

- 4.1 Выпуклое программирование. Теорема отделимости. Теорема Хана Банаха.
- 4.2 Теорема Куна-Таккера.
- 4.3 Необходимое и достаточное условия существования седловой точки.

Вопросы по разделу №5

- 5.1 Необходимые и достаточные условия условного экстремума.
- 5.2 Правило множителей Лагранжа для задач с ограничениями типа равенств и неравенств, для задач со смешанными ограничениями.
 - 5.3 Теорема о штрафных функциях.
 - 5.4 Метод штрафных функций.

Вопросы по разделу №6

- 6.1 Задачи вариационного исчисления. Постановка задачи вариационного исчисления.
 - 6.2 Основные леммы и теоремы вариационного исчисления.
- 6.3 Дифференциал функционала. Теорема о необходимом условии экстремума функционала.
 - 6.4 Уравнение Эйлера. Виды задач вариационного исчисления.

Оценивание ответа в рамках устного собеседования

Бинарная шкала	Критерии
Зачтено	Дан развернутый ответ на поставленные вопросы, обучающийся демонстрирует знания, приобретенные на лекционных и семинарских занятиях, а также полученные посредством изучения обязательных учебных материалов по курсу, обучающийся может допускать неточность в ответе.
Незачтено	Дан ответ, который содержит ряд серьезных неточностей, обнаруживающий незнание процессов изучаемой предметной области, отличающийся неглубоким раскрытием темы, незнанием основных вопросов теории, несформированными навыками анализа явлений, процессов, неумением давать аргументированные ответы.

Блок В

Задания реконструктивного уровня, позволяющие оценивать и диагностировать умения синтезировать, анализировать, обобщать фактический и теоретический материал с формулированием конкретных выводов, установлением причинно-следственных связей.

В.1 Задания к лабораторным работам

Лабораторная работа №1 Методы минимизации функции одной переменной.

Задание: Требуется разработать программное средство для нахождения безусловного минимума функции f(x) одной переменной, т.е. такой точки $x^* \in R$, что $f(x^*) = \min_{x \in R} f(x)$ методами половинного деления, золотого сечения, Фибоначчи и Ньютона. С помощью разработанной программы получить решение разными методами с различной точностью; исследовать сходимость методов и провести сравнение по числу вычислений функции для достижения заданной точности.

Лабораторная работа №2 Методы минимизации функций многих переменных.

Задание: Требуется разработать программное средство для нахождения безусловного минимума функции f(x) многих переменных, т.е. такой точки $x^* \in R^n$, что $f(x^*) = \min_{x \in R^n} f(x)$ методами наискорейшего спуска, сопряженных градиентов, покоординатного спуска и Ньютона. Определить количество итераций, необходимых для достижения заданной точности вычислений.

Лабораторная работа №3 Симплекс-метод для решения задачи линейного программирования.

Задание: Требуется разработать программное средство для нахождения максимума функции $f\left(x\right) = \sum_{j=1}^n c_j x_j \quad \text{при ограничениях} \quad \sum_{j=1}^n a_{ij} x_j \leq b_i, \ i=1,...,m; \quad \sum_{j=1}^n a_{ij} x_j \leq b_i, \ i=m+1,...,p;$ $x_j \geq 0, \ j=1,...,n$ в предположениях, что $b_i \geq 0, \ i=1,...,p$ симплекс-методом Данцига.

Лабораторная работа №4 Целочисленное программирование.

Задание: Требуется разработать программу для нахождения максимума функции $f\left(x\right) = \sum_{j=1}^n c_j x_j \quad \text{при ограничениях } \sum_{j=1}^n a_{ij} x_j \geq b_i, \ i=1,...,m; \quad x_j \geq 0, \ \text{целые}, j=1,...,n \quad \text{методом}$ Гомори.

Лабораторная работа №5 Транспортная задача.

Задание: Требуется разработать программное средство для нахождения плана перевозок, суммарная стоимость которых должна быть минимальной, т.е. $f\left(x\right) = \sum_{i=1}^{m} \sum_{i=1}^{n} c_{ij} \cdot x_{ij} \to \min$, при ограничениях на вывоз и привоз груза $x_{i1} + x_{i2} + ... + x_{in} = a_i$, $i = \overline{1,m}$, $x_{1j} + x_{2j} + ... + x_{mj} = b_j$, $o = \overline{1,n}$, $x_{ij} \geq 0$, $i = \overline{1,m}$, $j = \overline{1,n}$.

Лабораторная работа №6 Метод штрафных функций.

Задание: Требуется разработать программное средство для нахождения локального минимума целевой функции на множестве X, т.е. такую точку $x^* \in X$, что $f\left(x^*\right) = \min_{x \in X} f\left(x\right)$, где

$$X = \left\{ x \middle| g_j(x) = 0, \ j = \overline{1, m}, \ m < n \middle| \right\}.$$

Лабораторная работа №7 Метод проекций градиента.

3adahue: Требуется разработать программное средство для нахождения минимума дифференцируемой функции $f(x) = f(x_1,...,x_n)$, т.е. такую точку $x^* \in X$, что $f(x^*) = \min_{x \in X} f(x)$, где $X = \left\{x \left| g_j(x) = 0, \ j = \overline{1,m}, \ m < n \right| \right\}$, где функции $g_j(x) = 0, \ j = \overline{1,m}$ являются дифференцируемыми функциями.

Лабораторная работа №8 Метод Лагранжа.

Задание: Требуется найти локальный минимум целевой функции на множестве X, т.е. такую точку $x^* \in X$, что $f\left(x^*\right) = \min_{x \in X} f(x)$, где $X = \left\{x \middle| g_j(x) = 0, j = \overline{1,m}, \ m < n \middle| g_j(x) \le 0, j = p \right\}$ методом множителей Лагранжа.

Оценивание выполнения лабораторной работы

Зачтено	По результатам выполнения лабораторной работы составлен отчет.				
	Обучающий протестировал программу на контрольных данных и объяснил её				
	работу.				
Незачтено	Отсутствует отчет по лабораторной работе, отсутствует программа				

Блок С

Задания практико-ориентированного и/или исследовательского уровня, позволяющие оценивать и диагностировать умения, интегрировать знания различных областей, аргументировать собственную точку зрения, приводятся в:

Пантелеев А.В. Методы оптимизации. Практический курс: учебное пособие / А.В.Пантелеев, Т.А.Летова. – Москва: Логос, 2020. - 424 с. – (Новая университетская библиотека) – ISBN 978-5-98704-540-4. – Текст: электронный. – URL: https://znanium.com/catalog/product/1212440

С.1. Пример варианта комплексного задания

Задание 1. Предприятию задан план производства по времени и номенклатуре: требуется не более чем за 6 единиц времени выпустить 30 единиц продукции Π_1 и 96 единиц продукции Π_2 . Каждый из видов продукции может производиться машинами A и Б, значения мощностей которых и затраты, вызванные изготовлением каждого из видов продукции на той или иной машине заданы в таблице. Требуется составить оптимальный план работы машин, а именно: найти, сколько времени каждая из машин A и Б должна быть занята изготовлением каждого из видов продукции Π_1 и Π_2 , чтобы стоимость всей продукции предприятия оказалась минимальной и в то же время был бы выполнен заданный план как по времени, так и по номенклатуре.

Затраты на производство продукции Мощность машины по видам продукции Маппина Π_1 Π_2 Π_1 Π_2 24 4 47 6 A Б 13 13 13 26

Задание 2. Решить задачу линейного программирования графическим методом

$$F_{\text{max}} = x_1 + 3x_2,$$

$$x_1 - x_2 \le 1,$$

$$2x_1 + x_2 \le 2,$$

$$x_1 - x_2 \ge 0,$$

$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$$

Задание 3. Решить задачу линейного программирования симплекс-методом

$$\begin{split} Z_{\min} &= 29x_1 + 4x_2 + 42x_3 + 36x_4 + 17x_5,\\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 &= 200,\\ x_2 + 2x_4 + x_5 &= 200,\\ x_3 + x_5 &= 250,\\ x_1 - x_2 &\geq 0,\\ x_j &\geq 0,\, j = \overline{1,4},\, x_j - \text{ целые}. \end{split}$$

Задание 4. Найти оптимальное целочисленное решение

$$F_{\min} = -x_1 - x_2,$$
 $x_1 + 2x_2 + x_3 = 6,$
 $3x_1 + 2x_2 + x_4 = 9,$
 $x_j \ge 0, j = \overline{1,4}, x_j -$ целые.

Задание 5. В пунктах A_i ($i=\overline{1,3}$) производится однородная продукция в количествах a_i единиц. Себестоимость единицы продукции в i-м пункте равна c_i . Готовая продукция поставляется в пункты B_j ($j=\overline{1,4}$), потребности которых составляют b_j единиц. Стоимости c_{ij} перевозки единицы продукции из пункта A_i в пункт B_j заданы матрицей $\left[c_{ij}\right]_{3x4}$. Требуется 1) методом потенциалов найти план перевозок продукции, при котором минимизируются суммарные затраты по ее изготовлению и доставке потребителям, при обязательном условии, что продукция пункта, в котором себестоимость ее производства наименьшая распределяется полностью; 2) вычислить суммарные затраты f_{\min} ; 3) установить пункты, в которых остается нераспределенная продукция и указать ее объем.

$$a_i = (450, 200, 350), b_i = (150, 300, 50, 400), c_i = (3, 5, 1), c_{ij} = \begin{pmatrix} 6 & 4 & 8 & 3 \\ 5 & 1 & 4 & 4 \\ 7 & 11 & 9 & 6 \end{pmatrix}.$$

Задание 6. В пунктах A_i ($i=\overline{1,3}$) производится однородная продукция в количествах a_i единиц. Себестоимость единицы продукции в i-м пункте равна c_i . Готовая продукция поставляется в пункты B_j ($j=\overline{1,4}$), потребности которых составляют b_j единиц. Стоимости c_{ij} перевозки единицы продукции из пункта A_i в пункт B_j заданы матрицей $\left[c_{ij}\right]_{3x^4}$. Требуется 1) методом потенциалов найти план перевозок продукции, при котором минимизируются суммарные затраты по ее изготовлению и доставке потребителям, при обязательном условии, что продукция пункта, в котором себестоимость ее производства наименьшая распределяется полностью; 2) вычислить суммарные затраты f_{\min} ; 3) установить пункты, в которых остается нераспределенная продукция и указать ее объем.

$$a_i = (200, 500, 300), b_i = (150, 450, 50, 250), c_i = (4, 5, 2), c_{ij} = \begin{pmatrix} 3 & 4 & 8 & 2 \\ 4 & 1 & 4 & 5 \\ 9 & 10 & 6 & 5 \end{pmatrix}.$$

Задание 7. Найти экстремум функции $f(x) = x^3 + 1$ на заданном интервале методами половинного деления, золотого сечения, Фибоначчи и Ньютона.

Задание 8. Найти экстремум функции $f(x) = (x_1 - 3)^2 + (x_2 + 5)^2$ методами наискорейшего спуска, сопряженных градиентов, покоординатного спуска и Ньютона.

Задание 9. Найти условный экстремум функции методом Лагранжа, штрафных функций, проекций градиента

$$f(x) = x_1^2 + (x_2 - 4)^2 \rightarrow \min,$$

 $x_1^2 + x_2^2 \le 4, \ 4_1^2 + x_2^2 \ge 4.$

Задание 10. Найти экстремаль функционала
$$I[x(t)] = \int_{4}^{8} (t-4x)^2 dt$$
, $x(4)=1$, $x(8)=2$.

Задание 11. Исследовать функционал на экстремум

$$I[x(t)] = \int_{1}^{2} (t^2 x'^2(t) + 12x^2(t)) dt, \ x(1) = 1, \ x(2) = 8$$

 $I\left[x(t)\right] = \int_{1}^{2} \left(t^{2}x^{2}(t) + 12x^{2}(t)\right)dt, \ x(1) = 1, \ x(2) = 8.$ **Задание 12.** Найти экстремаль $I\left[x_{1}(t), x_{2}(t)\right] = \int_{0}^{3} \sqrt{1 + x_{1}^{2}(t) + x_{2}^{2}(t)}dt, \ x_{1}(0) = 1, \ x_{2}(0) = -2, \ x_{1}(3) = 7, \ x_{2}(3) = 1.$

Задание 13. Найти экстремаль функционала
$$I[x(t)] = \int_{0}^{1} [3x(t)x'(t) + x''^{2}(t)]dt$$
, $x(0) = x'(0) = 0$, $x(1) = 2$, $x'(1) = 5$

$$x(0) = x'(0) = 0$$
, $x(1) = 2$, $x'(1) = 5$.

Оценивание решения комплексных задач

Бинарная шкала	Критерии		
Зачтено	Решено верно семь и более заданий. При этом все задания поняты		
	правильно.		
Незачтено	Решено шесть и менее заданий. Обучающийся не способен ответить на		
	вопросы задач даже при дополнительных наводящих вопросах		
	преподавателя.		

Перевод балла (при необходимости) из 100-балльной шкалы в 4-х балльную или бинарную осуществляется по следующей схеме.

4-х балльная шкала	Отлично	Хорошо	Удовлетворительно	Неудовлетворительно
100 балльная шкала	91-100	70-90	51-69	0-50
Бинарная шкала	Зачтег		Ю	Не зачтено

С2. Задания для рубежного контроля формируются из разделов и тем, рассмотренных лекционных, лабораторных занятиях, прошедших до проведения рубежного контроля.

Блок D

D.0 Списки вопросов для подготовки к экзамену

- 1. Предмет и история развития методов оптимизации. Общая постановка задач оптимизации и основные положения.
- 2. Прямые методы минимизации функций одной переменной. Теорема о сокращении интервала неопределённости.
- 3. Метод половинного деления для решения задач минимизации функции одной переменной: идея метода, геометрическая интерпретация, алгоритм, пример.
- 4. Метод золотого сечения для решения задач минимизации функции одной переменной: идея метода, геометрическая интерпретация, алгоритм, пример.
- 5. Метод Фибоначчи для решения задач минимизации функции одной переменной: идея метода, геометрическая интерпретация, алгоритм, пример.
- 6. Метод Ньютона для решения задач минимизации функции одной переменной: идея метода, геометрическая интерпретация, алгоритм, пример.

функционала

- 7. Теорема Вейерштрасса о достижении нижней грани функции на множестве.
- 8. Метод наискорейшего спуска для решения задач минимизации функции многих переменных: идея метода, геометрическая интерпретация, алгоритм, пример.
- 9. Метод сопряженных градиентов для решения задач минимизации функции многих переменных: идея метода, геометрическая интерпретация, алгоритм, пример.
- 10. Метод покоординатного спуска для решения задач минимизации функции многих переменных: идея метода, геометрическая интерпретация, алгоритм, пример.
- 11. Метод Ньютона для решения задач минимизации функции многих переменных: идея метода, геометрическая интерпретация, алгоритм, пример.
- 12. Линейное программирование: постановка задачи, основные определения, виды задач, теорема о множестве допустимых планов.
 - 13. Линейное программирование: лемма 1, первая теорема Данцига.
 - 14. Линейное программирование: лемма 2, вторая теорема Данцига.
 - 15. Линейное программирование: третья теорема Данцига.
- 16. Симплекс-метод для решения задач линейного программирования: идея метода, геометрическая интерпретация, алгоритм, пример.
 - 17. Линейное программирование: теорема о построении исходного базисного плана.
- 18. Линейное программирование: теория двойственности: основные типы задач, основные теоремы.
- 19. Целочисленное программирование: постановка задачи, геометрическая интерпретация, метод, алгоритм, пример.
 - 20. Транспортная задача: постановка, методы, алгоритмы, примеры.
 - 21. Выпуклое программирование: теорема отделимости.
 - 22. Выпуклое программирование: теорема Кун-Таккера.
- 23. Выпуклое программирование: теоремы о необходимом и достаточном условиях для седловой точки.
- 24. Выпуклое программирование: теорема об эквивалентности прямой и исходной задаче выпуклого программирования.
- 25. Выпуклое программирование: теорема о разрешимости прямой и двойственной задачи.
- 26. Метод штрафных функций для решения задач условной минимизации: идея метода, геометрическая интерпретация, виды штрафных функций, алгоритм, пример.
 - 27. Лемма для метода штрафных функций.
 - 28. Основополагающая теорема для метода штрафных функций.
- 29. Метод Лагранжа для поиска условного экстремума при ограничениях типа равенств.
- 30. Метод Лагранжа для поиска условного экстремума при ограничениях типа неравенств.
- 31. Метод Лагранжа для поиска условного экстремума при смешанных ограничениях.
- 32. Метод проекции градиента для решения задач условной минимизации: идея метода, геометрическая интерпретация, алгоритм, пример.
 - 33. Вариационное исчисление: основные понятия, леммы, теоремы.
- 34. Вариационное исчисление: задачи с фиксированными границами: постановка, необходимые условия экстремума, случаи интегрируемости уравнения Эйлера, алгоритм применения необходимых условий экстремума.
- 35. Вариационное исчисление: достаточные условия экстремума функционала в задачах с фиксированными границами.
- 36. Вариационное исчисление: виды функционалов и алгоритмы применения необходимых условий экстремума к ним.

Примерные практические задачи для экзамена соответствуют заданиям, представленным в примерном комплексном задании блока С.

D.1 Структура билета к экзамену

Билет для сдачи экзамена содержит теоретические вопросы из списка D.0 и практические задачи уровня типовых заданий блоков С. Пример билетов для сдачи экзамена:

Билет №1

- 1. Определения отрезка, выпуклого множества, выпуклой (строго выпуклой) функции, квазивы-пуклой (строго квазивыпуклой) функции. Теорема о сокращении интервала неопределенности
- 2. Вариационное исчисление: виды функционалов и алгоритмы применения необходимых условий экстремума к ним
- 3. Решить графически задачу технического контроля. Дать содержательную интерпретацию полученному результату.
 - В отделе технического контроля (ОТК) некоторой фирмы работают контролеры разрядов 1 и 2. Нормы выработки ОТК за 8-часовой рабочий день составляет не менее 1800 изделий. Контролер разряда 1 проверяет 25 изделий в час, причем не ошибается в 98% случаев. Контролер разряда 2 проверяет 15 изделий в час; его точность составляет 95%. Заработная плата контролера разряда 1 равна 4 грн. в час, контролер разряда 2 получает 3 грн. в час. При каждой ошибке контролера фирма несет убыток в размере 2 грн. Фирма может использовать 8 контролеров разряда 1 и 10 контролеров разряда 2. Руководство фирмы хочет определить оптимальный состав ОТК, при котором общие затраты на контроль будут минимальны.

Билет №2

- 1. Метод золотого сечения для решения задач минимизации функции одной переменной: идея метода, геометрическая интерпретация, алгоритм, пример
- 2. Метод штрафных функций для решения задач условной минимизации: идея метода, основополагающая теорема для метода штрафных функций. виды штрафных функций, алгоритм, пример
- 3. Решить симплекс-методом задачу линейного программирования. Результат проверить графически.

$$f(x) = -3x_1 - 2x_2 \rightarrow \min$$

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 - 6 \le 0 \\ 2x_1 + x_2 - 8 \le 0 \\ x_1 - x_2 + 1 \ge 0 \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0 \end{cases}$$

Билет №3

- 1. Метод покоординатного спуска для решения задач минимизации функции многих переменных: идея метода, геометрическая интерпретация, алгоритм, пример
- 2. Симплекс-метод для решения задач линейное программирование: идея метода, алгоритм, примеры

- 3. Имеется три поставщика с грузами 6, 8, 10 единиц и четыре потребителя с потребностями 4, 6,
 - 8, 8 единиц. Известны тарифы перевозок $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 & 3 \\ 4 & 3 & 8 & 5 \\ 2 & 7 & 6 & 3 \end{pmatrix}$. Составить план перевозок груза от по-

ставщика к потребителям, чтобы совокупные издержки перевозок были минимальными.

Экзамен проводится в виде собеседования по билетам. В каждом билете содержится 3 вопроса, включающих теоретические вопросы из блока D0 и практические задачи уровня типовых заданий блока С. Критерии оценивания ответа на вопрос билета представлены ниже.

Оценивание в рамках промежуточной аттестации «экзамен»

4-х балльная шкала	Показатели	Критерии
Отлично	1.Полнота изложения теоретического материала. 2.Полнота и правильность решения задачи.	студент демонстрирует знания, приобретенные
	3.Правильность и/или аргументированность изложения (последовательность действий). 4.Самостоятельность ответа. 5.Культура речи.	ментированные ответы, приводит примеры, в ответе присутствует свободное владение моно-логической речью, логичность и последовательность ответа. Возможны некоторые неточности
		в ответе. Решил задачу полностью или с не- большими неточностями.
Хорошо		Дан развернутый ответ на поставленные теоретические вопросы, где обучающийся демонстрирует знания, приобретенные на лекционных и семинарских занятиях, а также полученные посредством изучения обязательных учебных материалов по курсу, дает аргументированные ответы, приводит примеры, в ответе присутствует свободное владение монологической речью, логичность и последовательность ответа. Однако допускается неточность в ответе. Решил предложенное практическое задания с небольшими неточностями.
Удовлетвори- тельно		Даны ответы, свидетельствующие в основном о знании процессов изучаемой дисциплины, отличающийся недостаточной глубиной и полнотой раскрытия темы, знанием основных вопросов теории, недостаточным умением давать аргументированные ответы и приводить примеры, недостаточно свободным владением монологической речью, логичностью и последовательностью ответа. Допускается несколько ошибок в содержании ответа. Решил предложенное практическое задания с небольшими неточностями.

Неудовлетвори-	Дан ответ, который содержит ряд серьезных не-
тельно	точностей, обнаруживающий незнание процес-
	сов изучаемой предметной области, отличаю-
	щийся неглубоким раскрытием темы, незнанием
	основных вопросов теории, неумением давать
	аргументированные ответы, слабым владением
	монологической речью, отсутствием логичности
	и последовательности. Выводы поверхностны.
	Задача не решена.

Раздел 3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

Тестирование проводится с помощью раздаточной анкеты. На тестирование отводится 30 минут. Каждый вариант тестовых заданий включает 30 вопросов. Тест засчитывается при результате 51%.

Устное собеседование проводится по вопросам блока A.2 в режиме «вопрос-ответ». По окончании изучения пройденной темы на лабораторном занятии преподаватель проводит опрос обучающихся.

По результатам выполнения лабораторной работы выставляется зачет/незачет.

По лабораторной работе оформляется отчет, включающий в себя постановку задачи, описание метода решения и листинг программного кода.

Обучающийся тестирует на контрольных данных программу и объясняет ее работу.

Обучающийся не выполнивший все лабораторные работы к экзамену не допускается.

Оценка комплексных заданий. Комплексное задание выполняется самостоятельно обучающимся. При необходимости преподаватель консультирует по возникшим вопросам. Выполненное задание объясняется обучающимся преподавателю на лабораторном занятии.

В билет для экзамена включены два теоретических вопроса и одна задача, соответствующие содержанию формируемых компетенций. Экзамен проводится в форме собеседования по билетам.

Обучающийся, прибывший для сдачи экзамена, предъявляет экзаменатору свою зачетную книжку, после чего берет билет, называет его номер и приступает к подготовке ответа. Для подготовки к ответу обучающемуся отводится не менее 30 минут, после подготовки к ответу или по истечении отведенного для этого времени обучающийся докладывает преподавателю о готовности и с его разрешения или по вызову отвечает на поставленные в билете вопросы и задания. По окончании ответа на вопросы билета преподаватель может задавать обучающемуся дополнительные и уточняющие вопросы в пределах учебного материала, вынесенного на экзамен, в том числе по темам, пропущенным обучающимся. Если обучающийся отказался от ответа на билет, ему выставляется неудовлетворительный результат. Результат устного экзамена объявляется обучающемуся и вносится преподавателем в экзаменационную (зачетную) ведомость, зачетную книжку. После ответа на все вопросы обучающийся сдает преподавателю билет и конспект (тезисы) ответа. Обучающимся, которые были замечены в использовании неразрешенных пособий и различного рода записей, а также нарушающим установленные правила поведения на экзамене, по решению преподавателя могут даваться дополнительные задания по любому из вынесенных на экзамен разделов учебной дисциплины или удаляется с экзамена.